باب 15

لهريں (WAVES)



15.1 تعارف (INTRODUCTION)

پچھے باب میں تنہاارتکازکرتی ہوئی اشیا کی حرکت کا مطالعہ کیا۔ ایسے نظام میں کیا ہوگا جو ایسی اشیا کا مجموعہ ہے؟ مادی واسطہ (medium material) ایسی مثال فراہم کرتا ہے۔ یہاں کچکیلی قو تیں اجزائے ترکیبی کو ایک دوسرے سے باندھے رکھتی ہیں اور ایک جزکی حرکت دوسروں کی حرکت کومتاثر کرتی ہے۔ اگر آپ ساکت پانی کے تالاب میں ایک چھوٹی سی کنگری گرائیں تو پانی کی سطح مضطرب ہو جاتی ہے۔ یہاضطراب ایک مقام پر محدود نہیں رہتا بلکہ ایک دائرے کی شکل میں باہر کی طرف رواں ہوجاتا ہے۔ اگر آپ تالاب میں کنگریاں ڈالنا جاری رکھیں ، تو آپ جس منظر پر تالاب کی سطح میں اضطراب بیدا ہوا ہے، وہاں سے باہر کی طرف تیزی سے حرکت کرتے ہوئے دائرے دیکھیں گے۔ اس سے ایسامحسوس ہوتا ہے، جیسے نقط کر اضطراب سے باہر کی طرف یائی حرکت کر ہاہے۔

اگرآپ مضطرب سطی پر پھھکارک کے ٹکڑے دکھ دیں تو آپ دیکھیں گے کہ کارک کے ٹکڑے اوپ

نیچ حرکت کرتے ہیں لیکن اضطراب کے مرکز سے دور نہیں جاتے ۔ اس سے ظاہر ہوتا ہے کہ پانی کی

میت، دائروں کے ساتھ، باہر کی طرف نہیں بہتی بلکہ ایک حرکت پیدا کرتا ہوا اضطراب پیدا ہوتا

ہے۔ اسی طرح جب ہم بولتے ہیں تو آواز کی لہریں ہم سے باہر کی طرف حرکت کرتی ہیں، لیکن ان

کے ساتھ واسطے کے ایک جھے سے دوسرے جھے میں کوئی ہوا کا بہاؤنہیں ہوتا۔ ہوا میں پیدا ہوا ظلل

اضطراب Distrubance) بہت کم واضح ہوتا ہے اور اسے صرف ہمارے کان یا مائیکر وفون

ہی معلوم کر پاتے ہیں۔ یہ نمونے جو حقیقی طبعی منتقلی یا مجموعی طور پر مادے کے بہاؤ کے بغیر حرکت

کرتے ہیں، اہر (waves) کہلاتے ہیں۔ اس باب میں ہم ایسی ہی اہروں کا مطالعہ کریں گے۔

15.1 تعارف

15.2 عرضى اورطولى لهريس

15.3 ايك روال لهرمين نقل كارشته

15.4 ایک روال لهر کی حال

15.5 لہروں کے انطباق کا اصول

15.6 ليرول كاانعكاس

15.7 ضربیں

15.8 ڏوپلراثر

خلاصه

قابلِغورنكات

مشق اضافی مشق

ایک اہر میں، اطلاع اور تو انائی، اشاروں (سکنل Signals) کی شکل میں،
ایک نقطہ سے دوسر نقطہ تک پہنچتی ہے۔ لیکن کوئی مادی شے حرکت نہیں کرتی
ہماری تمام خبررسانی، اہروں کے ذریعے سکنلوں کی ترسیل (Transmission)
ہماری تمام خبررسانی، اہروں کے ذریعے سکنلوں کی ترسیل (ایک ہم کسی دور مقام پر اپنے دوست کو ٹیلیفون کرتے ہیں، ایک
آواز کی اہر ہماری صوتی رگ سے ہمارا پیغام، ٹیلیفون تک لے جاتی ہے۔
وہاں ایک برقی سکنل پیدا ہوتا ہے دھات کے تاریح ساتھ حرکت کرتا ہوا
آگ بڑھتا ہے۔ اگر فاصلہ بہت زیادہ ہوتا تو پیدا ہوئے برقی سکنل کو ایک
روشنی کے سکنل یا برقی و مقناطیسی اہروں میں تبدیل کیا جا سکتا ہے اور نوری
کیبل (Optical Cables) یا فضا سے، ممکنہ طور پر ایک ترسیل سیار چہ کے
روشنی کے سکنل یا برقی و مقناطیسی اہر کو دوبارہ آواز کی اہروں میں بدلا جا تا ہے جو
روشنی کے سکنل یا برق و مقناطیسی اہر کو دوبارہ آواز کی اہروں میں بدلا جا تا ہے جو
ٹیلیفون سے کان تک سفر کرتی ہیں۔

برقی ومقناطیسی لہروں کو اپنی اشاعت (Propagation) کے لیے واسط کی ضرورت نہیں ہوتی۔ہم جانتے ہیں کہ روشنی کی لہریں خلاء (Vaccum) کی ضرورت نہیں ہوتی۔ہم جانتے ہیں کہ روشنی ، جوہم سے سینکڑوں سے گذر سکتی ہیں۔ستاروں کے ذریعے خارج کی گئی روشنی ، جوہم سے سینکڑوں نوری برسوں کے فاصلے پر ہیں ، بین نجمی فضا (inter-stellar space) سے گذر کرہم تک پہنچتی ہے ، جو کئیلی طور پر خلاء ہے۔

جن لہروں سے ہمارا واسطہ پڑتا ہے، وہ بنیادی طور پرتین قتم کی ہیں: (a)
میکا نیکی لہریں (b) برقی و مقناطیسی لہریں (c) مادی لہریں ۔ میکا نیکی لہروں سے
ہم سب سے بہتر طور پرواقف ہیں اس لیے کہ ان سے اکثر ہمارا سامنا ہوتا رہتا
ہم سب سے بہتر طور پرواقف ہیں اس لیے کہ ان سے اکثر ہمارا سامنا ہوتا رہتا
ہو۔ ان کی عام مثالیں ہیں: یانی کی لہریں، آواز کی لہریں، زلز لے کی لہریں
وغیرہ ۔ ان تمام لہروں کی کچھ مرکزی خاصیتیں ہیں: ان پر نیوٹن کے قانونوں کا
اطلاق ہوتا ہے اور صرف مادی واسطے ہی میں پائی جاسکتی ہیں جیسے پائی، ہوایا
چٹان ۔ برقی و مقناطیسی لہروں کی عام مثالیں ہیں: بصری (Visibile)
اور بالا بنفشی (Ultraviolet) روشنی، ریڈیائی لہریں (x-rays) وغیرہ ۔ ہر برقی و
مقناطیسی لہر،خلامیں کیساں عیال ک سے سفر کرتی ہے:

 $c = 299,792,458 \text{ m s}^{-1}$ (روثنی کی رفتار) (15,1) میکا نیکی لہروں کے برخلاف، برقی ومقناطیسی لہروں کو اپنی اشاعت کے لیے کسی واسطے کی ضرورت نہیں ہوتی۔ آپ ان لہروں کے بارے میں آئندہ مزید سیکھیں گے۔

مادی اہریں، متحرک الیکٹرانوں، پروٹانوں، نیوٹرانوں اور دوسر ہے بنیادی ذرات اور یہاں تک کہ ایمٹوں اور مالیکیولوں سے منسلک ہیں۔ کیونکہ ہم عام طور سے ان سب کو مادے کے اجزائے ترکیبی تصور کرتے ہیں، اس لیے بیاہریں مادی اہریں کہلاتی ہیں۔ فطرت کی کواٹھ میکا نیکی توضیح میں ان کی ضرورت پڑتی ہے، جس کے بارے میں آپ آئندہ سیکھیں گے۔ حالانکہ تصوراتی طور پر، بید میکا نیکی یا برقی و مقاطیسی اہروں سے زیادہ تجریدی ہیں، ان کا استعال جدید کمئنالوجی کے بنیادی آلات میں کیا جانے لگا ہے۔ الیٹرانوں سے منسلک مادی الہریں، الیکٹرانی خورد بین (electron microscopes) میں استعال کی حاتی ہے۔

اس باب میں ہم میکا نیکی لہروں کا مطالعہ کریں گے، جن کواپنی اشاعت کے لیے واسطہ (Medium) کی ضرورت ہوتی ہے۔

الہ وں کافنون لطیفہ اورادب پر جمالیاتی اثر تو زمانہ قدیم سے دیکھنے میں آتا ہے، لیکن لہری حرکت (Wave motion) کا پہلا سائنسی تجزیہ ستر ہویں ہے، لیکن لہری حرکت کی طبیعیات سے جڑے ہوئے کے جھے اہم سائنسدال میں: کرسٹیان ہائی جین (Christiaan Huygens) کے جھے اہم سائنسدال میں: کرسٹیان ہائی جین (1695-1629)، روبر ہوگ ہوک اور اسحاق نیوٹن راہروں کی طبیعیات کی تفہیم ، اسپرنگ سے منسلک کمیتوں کے اہتزاز کی طبیعیات اور سادہ پنڈولم کی طبیعیات کی تفہیم کے بعد ہوئی ۔ کچکیلے واسطوں میں لہریں ہارمونی اہتزازات سے زود یکی طور پر منسلک ہیں۔ (تنی ہوئی ڈوریاں، چھلے دار اسپرنگ، ہواوغیرہ، کچکیلے واسطوں کی مثالیں ہیں۔) ہم سادہ مثالوں کے ذریعے بی تعلق واضح کے کہیلے واسطوں کی مثالیں ہیں۔) ہم سادہ مثالوں کے ذریعے بی تعلق واضح کے کہیلے واسطوں کی مثالیں ہیں۔) ہم سادہ مثالوں کے ذریعے بی تعلق واضح کے کہیلے واسطوں کی مثالیں ہیں۔) ہم سادہ مثالوں کے ذریعے بی تعلق واضح کے کہیلے واسطوں کی مثالیں ہیں۔) ہم سادہ مثالوں کے ذریعے بی تعلق واضح کے کہیلے واسطوں کی مثالیں ہیں۔) ہم سادہ مثالوں کے ذریعے بی تعلق واضح

اسپرنگ کا ایک مجموعہ لیں، جس میں اسپرنگ ایک دوسرے سے اس طرح مسلک ہیں جیسے شکل 15.1 میں دکھایا گیا ہے کہ اگر ایک سرے کے اسپرنگ

کواچا نک تھنے کرچھوڑ دیاجائے تو خلل (Disturbance) دوسرے سرے تک پہنے جاتا ہے۔ کیا ہوا ہے؟ پہلے اسپرنگ کی توازن لمبائی میں بگاڑ (خلل) پیدا کیا گیا ہے۔ کیونکہ دوسرااسپرنگ پہلے اسپرنگ سے منسلک ہے، اس لیے یہ بھی تھنے جاتا ہے یا دب جاتا ہے، اوراس طرح دوسرے اسپرنگ بھی متاثر ہوتے ہیں خلل ایک سرے سے دوسرے سرے تک حرکت کرتا ہے،

شکل 15.1: اسپرنگ کاایك مجموعه ، جس میں اسپرنگ ایك دوسرے سے منسلك ہیں۔ سرے A کو اچانك كهينچ كر خلل پيدا كيا جاتا ہے ، جو دوسرے سرے تك حركت كرتا ہے۔

لیکن ہراسپرنگ صرف جھوٹے اہتزازات کرتا ہے (اپنے مقام توازن کے گرد)۔اس حالت کی ایک عملی مثال کے بہ طور ریلوے اسٹیشن پر کھڑی ہوئی (ساکت)ٹرین تصور کریں۔ ریل گاڑی کے مختلف ڈ بے ایک دوسرے سے اسپرنگوں کے ذریعے جڑے ہوتے ہیں۔ جب ایک سرے پرانجن جوڑا جاتا ہے، تو وہ اپنے بیچھے والے ڈ بے کوایک دھکالگا تا ہے، اور یہ دھکاایک ڈ بے سے دوسرے ڈ بے تک ترسیل ہوجاتا ہے اور پوری ریل گاڑی مجسم طور پر منتقل نہیں ہوتی۔

آیئے اب ہوا میں آوازی لہروں کی اشاعت کودیکھیں۔ جب لہر ہوا سے
گذرتی ہے، تو وہ ہوا کے ایک چھوٹے علاقے کو دباتی یا چیلاتی ہے۔ اس
سے اس علاقہ کی ہواکی کثافت میں تبدیلی آجاتی ہے فرض سیجے مھے۔ یہ تبدیلی
دباؤ میں ایک تبدیلی م کھیدا کرتی ہے۔ دباؤ، کیوں کہ قوت فی اکائی رقبہ ہے،
اس لیے اس خلل کے متناسب ایک بحالی قوت پیدا ہوتی ہے۔ بالکل ویسے ہی
جیسے اسپرنگ میں ہوتا ہے۔ اس صورت میں توسیج (Extension) یا داب
داب پیدا ہوتا ہے، تو اس علاقے کے مالیول ایک دوسرے کے نزدیک
تا جاتے ہیں اور وہ متصل علاقے میں حرکت کرنے کی کوشش کرتے ہیں، اس

طرح متصل علاقے میں کثافت میں اضافہ کرتے ہیں یا داب پیدا کرتے ہیں۔ اس کے نتیج میں، پہلے علاقے کی ہوا میں تلطیف (Rarefaction) ہوتو آس پاس ہوتی ہے۔ اگر ایک علاقہ مقابلتاً تلطیف شدہ (Rarefied) ہوتو آس پاس کی ہوا اس علاقے میں تیزی ہے آئے گی اور اس طرح متصل علاقے میں حرکت دے گی۔ اس طرح داب (Compression) اور تلطیف ایک علاقہ سے دوسرے علاقہ میں حرکت کرتے ہیں اور ہوا میں خلل کی اشاعت کو ممکن بناتے ہیں۔

شوس اشیا کے لیے بھی اسی طرح کے دلائل پیش کیے جاسکتے ہیں۔ ایک قامی (Crystalline) شوس میں ایٹم یا ایٹموں کے گروپ ایک وَوری جالی (لیٹس Lattice) میں مرتب (arranged) ہوتے ہیں۔ ان میں ، ہرایٹم یا ایٹموں کا گروپ ، انہیں گھیرے ہوئے ایٹموں کی قو توں کی وجہ سے حالت توازن میں ہوتا ہے۔ ایک ایٹم کو منتقل کرنے سے دوسروں کو اپنی جگہ قائم رکھتے ہوئے ، بہحالی قو تیں پیدا ہوتی ہیں ، بالکل اسپرنگ کی طرح۔ اس طرح ایک لیٹس کے ایٹموں کو ہم سروں کے نقطے مان سکتے ہیں جن کے جوڑوں کے درمیان اسپرنگ کی گھے ہیں۔ درمیان اسپرنگ کی گھے ہیں۔

اں باب کے اگلے حصول میں ہم لہروں کی خصوصی خاصیتوں سے بحث کرنے جارہے ہیں۔

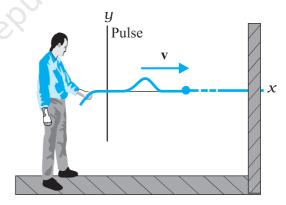
15.2 عرضي اورطولي لهريس

(TRANSVERSE AND LONGITUDINAL WAVES)

میکا نیکی اہریں عرضی (Transverse) یا طولی (Longitudinal) ہوسکتی
ہیں۔ یہ اس پر منحصر ہے کہ واسطے میں خلل یا ہتقلی کی سمت اور اہر کی اشاعت کی
سمت میں کیار شتہ ہے۔ ان دونوں میں فرق کرنے کے لیے آسیے ایک سرے
پر جڑی ہوئی ایک تنی ہوئی ڈوری کار عمل دیکھیں۔ اگر آپ اس ڈور کے آزاد
سرے کواو پر نیچے ایک جھٹکا دیں، تو جیسا کہ شکل 15.2 دکھایا گیا ہے، تو ڈوری
پر ایک واحد ضرب (پلس Plus) کی شکل میں ایک اہر گذرتی ہے ہم فرض
کرتے ہیں کہ پلس کے ناپ کے مقابلے میں ڈوری بہت کمی ہے، اس لیے

474 طبيعيات

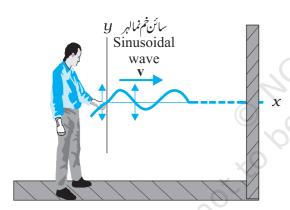
دومرے سرے تک پہنچتے پہنچتے پلس کا اسراف (Dissipates) ہوجاتا ہے۔
ہاس لیے دوسرے سرے سے اس کے انعکاس کونظر انداز کیا جاسکتا ہے۔
اس پلس کا تشکیل پانا اور اس کی اشاعت اس لیے ممکن ہے کیونکہ ڈوری میں تناؤ ہے۔ جب آپ رسی کے اپنی طرف کے سرے کواو پر کھنچتے ہیں تو بیسرا، رسی کے متصل جھے کو او پر کی طرف کے سرے کواو پر کھنچتے ہیں تو بیسرا، رسی کے ان دونوں حصول کے درمیان تناؤ کام کر رہا ہے۔ جیسے متصل حصہ او پر کی طرف حرکت شروع کرتا ہے دونوں حصول کے درمیان تناؤ کام کر رہا ہے۔ جیسے متصل حصہ او پر کی طرف حرکت شروع کرتا ہے اور اسی طرح اور ۔ اس دوران آپ رسی کے اپنی طرف کے سرے کو نیچے جھٹکا در اسی طرح اور ۔ اس دوران آپ رسی کے اپنی طرف کے سرے کو نیچے جھٹکا کی مارن ہو جا کہ ہوتے ہیں۔ جیسے باری باری سے ہر حصہ او پر کی طرف حرکت کرنا شروع کرتا ہے وہ اپنے ان پڑوی حصول کے ذریعے دوبارہ نیچے کی طرف محمد کرنا شروع کرتا ہے دوبارہ نیچے کی طرف کھنچتا ہے جو پہلے ہی نیچے کی طرف حرکت شروع کر تیجے ہوتے ہیں۔ اس کاکل نتیجہ یہ ہے کہ ڈوری کی شکل میں ایک بگاڑ (distortion) پیدا ہوتا ہیں۔



شکل 15.2: ایك تنی ہوئی ڈوری پرسے ایك واحد پلس بهیجی
گئی ہے۔ ڈوری كا ایك مخصوص جز (جیسے كه
نقطے سے نشان زد كیا گیا حصه) پلس كے اس جز
سے گزرنے پر پہلے اوپر اورپھر نیچے حرکت كرتا
ہے۔جز كی حركت اس سمت پر عمود ہے، جس
میں لہر حركت كر رہی ہر۔

اگرآپ اپنی طرف کے سرے کو مشقل اوپر ینچ حرکت دیے رہیں تو ڈوری پرسے ایک مسلسل لہر، ∇ رفتارے، گذرتی ہے۔ لیکن اگرآپ کے ہاتھ کی حرکت، وقت کا سائن خم نما، تفاعل، (sinusoidal function of time) ہے

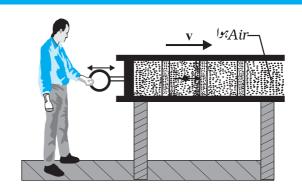
تو وقت کی کسی دی ہوئی ساعت پر، لہر کی شکل ، سائن نم نما ہوگی ، جیسا کہ شکل 15.3 میں دکھایا گیا ہے۔ دکھائی گئی لہر کی شکل سائن پا کوسائن نخی جیسی ہے۔ شکل (15.3) میں دکھائی گئی لہروں کا مطالعہ دوطر یقوں سے کیا جا سکتا ہے۔ایک طریقہ تو یہ ہے کہ لہر کی شکلوں کی نگرانی ، ان کے دایں طرف حرکت کرتے ہوئے کی جائے یعنی کہ دی ہوئی ساعت وقت پر ڈوری کا فوری فوٹولیا جائے۔ دوسرا متبادل طریقہ یہ ہے کہ ہم اپنی توجہ ڈوری کے کسی ایک خاص مقام پر مرکوز کر دیں اوراس نقطہ پرایک جز کی حرکت کی نگرانی کریں کہ جب اس سے ایک لہرگذرتی ہے تو وہ کسے او پر نیچے اہتزاز کرتا ہے۔ہم دیکھیں گے کہ اس طرح اہتزاز کرتے ہوئے ڈوری کے ہرجز کانقل ، لہر کے گذرنے کی سمت کے ،عرضی سمت (یعنی کہ عمودی سمت) میں ہوگا ، جیسا کہ شکل 15.3 میں دکھایا گیا ہے۔ایی لہر کومنی الہر کومنی الہر کومنی الہر کومنی الہر کومنی کے جیس کے میں دکھایا گیا ہے۔ایی لہر کومنی الہر کومنی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کھوری سے کہ کومنی کی کومنی کومنی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کومنی کومنی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کومنی کومنی کومنی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کی کومنی کومنی کومنی کی کومنی کومنی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کومنی کومنی کی کومنی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کی کومنی کومنی کومنی کومنی کی کومنی کی



شکل 15.3: ایك سائن خم نما لهر دوری پرسرگذاری گئی هم دوری كا ایك مخصوص جز، لهر كے گذرنے كے ساتھ، مستقل اوپر نیچے حرکت كرتا ہے۔ یه ایك عرضی لهر ہے۔

اب،ہم ایک لمبہ ہوا بھرے ہوئے پائپ میں،ایک پسٹن کی حرکت کے ذریعے،لہروں کے پیدا ہونے کے دیکھتے ہیں،جیسا کشکل 15.4 میں دکھایا گیا ہے۔اگر آپ پسٹن کو تیزی سے دائیں موڑیں اور پھر بائیں موڑیں، تو آپ پائپ میں سے دباؤکی ایک پلس بھیج رہے ہیں۔بائیں طرف پسٹن کوموڑنے سے،اس کے پاس کی ہوا کا دباؤکم ہوجا تا ہے۔اس کی وجہ سے اس کے بعد کے ہوا کے اجزا واپس بائیں طرف حرکت کرتے ہیں اور پھر دور

مين 475



شکل 15.4: ایك پسٹن کو آگے پیچھے حرکت کر کے ، ایك ہوا سے بھرے ہوئے پائپ میں ایك آواز کی لہر پیدا کی جاتی ہے۔ ہوا کے ایك جز کے اہتزاز اس سمت کے متوازی ہیں، جس میں لہر حرکت کررہی ہے۔ یه لہرایك طولی لہرہے۔

کے اجزا بھی ایباہی کرتے ہیں۔اس لیے ہوا کی حرکت اور ہوا کے دباؤ میں تبدیلی دائیں طرف یائی میں بطور پلس حرکت کرتے ہیں۔

اگرآپ پسٹن کوایک سادہ ہارمونی طرز سے دھکیلیں اور کھینچیں تو پائپ
میں سے ایک سائن خم نمالہر گذر ہے گی۔ بینوٹ کیا جاسکتا ہے کہ ہوا کے اجزا
کی حرکت ، لہر کی اشاعت کی سمت کے متوازی ہے۔ الیمی حرکت طولی
(Longitudinal) کہلاتی ہے اور اس لیے پیدا ہوئی لہر طولی لہر کہلاتی
ہے۔ ہوا میں پیدا ہونے والی آ واز کی لہریں، الیمی ہی دباؤلہریں ہیں، اور اس
لیے طولی خاصیت کی ہیں۔

مختصراً ،عرضی لہروں میں واسطے کے اجزائے ترکیبی ،لہر کی اشاعت کی سمت کی عمودی سمت میں اہتزاز کرتے ہیں اور طولی لہروں میں وہ لہر کی اشاعت کی سمت میں اہتزاز کرتے ہیں۔

ایک اہر، چیا ہے عرضی ہویا طولی، روال (travelling or progressive) ایک اہر، چیا ہے عرضی ہویا طولی، روال (travelling or progressive) اہر کہلااتی ہے، اگر وہ واسطے میں ایک نقطہ سے دوسر نقطہ تک جاتی ہے۔ ایک روال اہر اور ایک مقیم (standing or stationary) اہر میں فرق کر نا ہوگا۔ (دیکھیے حصہ 15.7)۔ شکل 15.3 میں عرضی اہریں ڈوری کے ایک سر سے دوسر ہے تک جاتی ہیں، جب کہ 15.4 میں طولی اہریں پائپ کے ایک سرے سے دوسر ہے تک جاتی ہیں۔ ہم پھر نوٹ کرتے ہیں کہ دونوں سرے سے دوسر سے سے دوسر سے تک جاتی ہیں۔ ہم پھر نوٹ کرتے ہیں کہ دونوں

صورتوں میں، بہ اہر خلل ہے جوایک سرے سے دوسرے سرے تک حرکت کرتا ہے، وہ مادہ نہیں جس میں اہر سے اشاعت ہوتی ہے۔

عرضی لہروں میں ذرات کی حرکت ،لہر کی اشاعت کی سمت کی عمودی سمت میں ہوتی ہے۔اس لیے جیسے جیسے اہرآ گے بڑھتی ہے، واسطہ کے ہر جز میں ایک تح بنی بگاڑ (Shearing Strain) پیدا ہوتا ہے۔اس لیےعرضی لہروں کی صرف انہیں واسطوں میں اشاعت ہوسکتی ہے جو کح تفی ذرر (Shearing Stress) کو برداشت کر سکتے ہیں ، جیسے ٹھوس اشیاء میں اور سیالوں میں نہیں۔ سال اور تھوں اشاء دانی نگاڑ (Compressive Strain) کو برداشت كرسكتى ميں،اس ليےطولي موجيس ہر كيكيلے واسطے ميں سے گذرسكتی ہيں۔مثلاً ا بک فولا د کی حچیر کواگر به طور واسطه لیاجائے تو اس میں سے طولی اور عرضی دونوں لہریں گذر سکتی ہیں جب کہ ہواصرف طولی موجوں کو برقر ارر کھ سکتی ہے۔ یانی کی سطح پر پیدا ہونے والی لہریں دوتھم کی ہوتی ہیں:شعری (Capillary) لہریں اورز مینی کشش لهرین (gravity waves) اول الذکر، کافی کم طول لهر، چند سینٹی میٹر سے زیادہ نہیں ، کے حلقے(Ripple) ہیں اور بحالی قوت جوانہیں پیدا کرتی ہے، وہ یانی کاسطی تناؤ ہے۔زمینی کشش لہر کی طول لہر کئی میٹر سے لے کر کئی سومیٹر تک کی سعت میں ہوسکتی ہے۔انہیں پیدا کرنے والی بحالی قوت ہے زمینی کشش کا کھنچاؤ جو یانی کی سطح کواس کی کم ترین اونچائی پررکھتا ہے۔ان لہروں میں ذرات کے اہتزاز صرف سطح تک ہی محدود نہیں ہوتے بلكه كم موتى موتى سعت كے ساتھ، پيندے تك پہنچتے ہیں۔ پانی كى المرول میں، ذرات کی حرکت پیچیدہ ہوتی ہے: بہصرف اوپر نیچے ہی حرکت نہیں کرتے بلکہ آگے۔ پیچیے بھی حرکت کرتے ہی۔ ایک سمندر میں اٹھنے والی موجیس (لہریں)،طولی اورعرضی ، دونوں قتم کی لہروں کا مجموعہ ہیں۔سُمانی لہریں اِن کی مثال ہیں۔ بید کھا گیا ہے کہ عام طور سے عرضی اور طولی لہریں کیسال واسطے میں سے مختلف حیالوں سے گذرتی ہیں۔

مثال 1.5.1: نیچ اہری حرکت کی پچھ مثالیں دی گئی ہیں۔ ہردی ہوئی صورت میں بتا ہیئے کہ اہری حرکت ، عرضی ہے، طولی ہے یا دونوں کا مجموعہ ہے۔

طبيعات

 $y(x,t)=a\sin(kx-\omega t+\phi) \tag{15.2}$

اسی طرح cosine تفاعل یا Sine اور Cosine تفاعلات کا ایک خطی مجموعه بھی لیا جاسکتا ہے۔

y(x,t)=A $\sin(kx-\omega t)$ +B $\cos(kx-\omega t)$, (15.3): تب مساوات (15.2) میں

$$a = \sqrt{A^2 + B^2}$$
, $\phi = \tan^{-1}\left(\frac{B}{A}\right)$

مساوات (15.2) میں ظاہر کیا گیا تفاعل مقام کوآرڈی نیٹ x اور وقت t میں دوری ہے۔ t کور پرایک عرضی لہر کوظا ہر کرتا ہے۔ کسی بھی وقت t پر لہر کی شکل بتا تا ہے اور ظاہر کرتا ہے کہ لہر کیسے آگے بڑھتی ہے۔ مساوات کی شکل بتا تا ہے اور ظاہر کرتا ہے کہ لہر کیسے آگے بڑھتی ہے۔ مساوات (15.2) میں دیے ہوئے جیسے تفاعل -x کور کی مثبت سمت میں حرکت کررہی ایک روال لہر (Progressive wave) کو ظاہر کرتے ہیں۔ دوسری طرف ایک تفاعل:

 $y(x,t)=a\sin(kx+\omega t-\phi)$ (15.4)

عدد کور کی منفی سمت میں حرکت کر رہی لہر کو ظاہر کرتا ہے (دیکھیے حصہ علی منفی سمت میں حرکت کر رہی لہر کو ظاہر کرتا ہے (دیکھیے حصہ الحقہ اللہ علی اللہ علی اللہ علی اللہ علی منام علی اللہ کو کمل طور پر ظاہر کرتا ہے۔ان پیرامیٹروں کے نام شکل 15.5 میں دکھائے گئے ہیں۔اور بعد میں ان کی تعریف کی گئی ہے۔

$$y(x,t) = a$$
 $\sin(kx - \omega t + \phi)$
 $\uparrow \uparrow \uparrow$

فيز $\sin(kx - \omega t + \phi)$
 $\uparrow \uparrow \uparrow$

أغازى زاوئى زاوئى فيز زاويه تعدد لهر

شکل 15.5: ایك روان لهر كے ليے ، مساوات (15.2)كى مقدارون كے نام

مساوات (15.2) کی مقداروں کی سیحفے کے لیے ، آیئے شکل 15.6 میں وکھائے گئے گراف دیکھیں ۔ یہ وقت t کی 5 مختلف قدروں کے لیے مساوات (15.2) کے گراف ہیں، جبکہ لہرx- محور کی مثبت سمت میں حرکت رہی ہے۔ ایک لہر پر، از حد مثبت نقل کا نقطہ، جس کی تیر کے نشان کے ذریعے

- (a) ایک طولی اسپرنگ میں اسپرنگ کے ایک سرے کودائیں یابائیں منتقل کرنے سے پیدا ہونے والے پیچ کی حرکت۔
- (b) ایک رقیق سے بھرے استوانے میں ،اس کے پسٹن کوآگے پیچھے حرکت دینے سے پیدا ہونے والی لہریں۔
 - (c) پانی میں تیرتی ہوئی موٹر بوٹ کے ذریعے پیدا کی گئی اہریں۔
- (d) ایک ارتعاش کرتے ہوئے کوارٹز کے قلم (Crystal) کے ذریعے ہوامیں پیدا کی گئی بالاصوتی لہریں۔

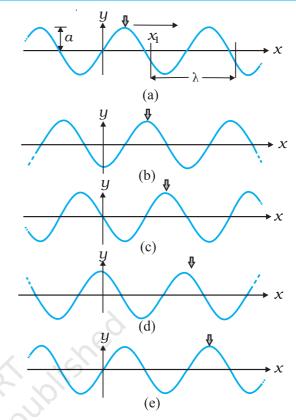
جواب

- (a) عرضی اورطولی
 - b) طولی
- (c) عرضی اور طولی
 - (d) طولی

15.3 ایک روال لهر مین نقل کارشته

(DISPLACEMENT RELATION IN A PROGRESSIVE WAVE)

ایک واسطے میں ایک اہر کی حرکت (اور واسطے کے کسی جز ترکیبی کی حرکت) کو بیان کرنے کے لیے، ہمیں ایک ایسے تفاعل کی ضرورت ہے جو وقت کی ہرساعت پر، اہر کی مکمل طور پرشکل دے سکے۔ مثال کے طور پر، ایک ڈوری پر بنی اہر کو بیان کرنے کے لیے (اور اس کی لمبائی کے کسی جز کی حرکت کو بیان کرنے کے لیے) ہمیں ایک ایسے رشتے کی ضرورت ہے جو ایک مخصوص مقام پر ایک جز کا کو بطور تفاعل وقت بیان کر سکے اور ساتھ ہی، دی ہوئی ساعت وقت پر ڈوری کی لمبائی کے مختلف عناصر کے ارتعاش کی حالت بھی ساعت وقت پر ڈوری کی لمبائی کے مختلف عناصر کے ارتعاش کی حالت بھی بیان کر سکے۔ ایک سائن خم نما اہر کے لیے، جسیا شکل (15.3) میں دکھایا گیا ہونا چاہیے۔ فرض تیجے، کر اور کی اور زمال (وقت Time) دونوں میں دوری ہونا چاہیے۔ فرض تیجے، پر زمری کے بعد کے جزوں سے گذرتی ہے، یہ جزیں۔ محور ہونا چاہیے۔ جیسے جیسے ایسے اہر، ڈوری کے بعد کے جزوں سے گذرتی ہے، یہ جزیں۔ محور کے متوازی اہتزاز کرتے ہیں۔ کسی بھی دیے ہوئے وقت اور برمقام یہ کے جزکا فقل ہو دیا جاتا ہے:



شکل 15.6: ایك x - محور كى مثبت سمت ميں حركت كرتى سوئى لهر كے ليے ، وقت لكى 5 مختلف قدروں پر، مساوات (15.2) كے گراف

نشان دہی کی گئی ہے، فراز (Crest) کہلاتا ہے اور از حدمنفی نقل کا نقط نشیب انشان دہی کی گئی ہے، فراز پر بنائے رات کے بڑھنے کی نشاندہی اہر کے فراز پر بنائے گئے چھوٹے تیر کی دائیں طرف حرکت کے ذریعے کی گئی ہے۔ جیسے جیسے ہم ایک گراف سے دوسرے گراف پر جاتے ہیں، مختصر تیر، اہر شکل کے ساتھ دائیں طرف حرکت کرتا ہے لیکن ڈوری صرف ہو۔ محود کے متوازی حرکت کرتی ہے۔ یہ دیکھا جاسکتا ہے کہ ہم جیسے جیسے گراف (a) سے (b) کی طرف برتی ہے۔ یہ دیکھا جاسکتا ہے کہ ہم جیسے جیسے گراف (a) سے کا کیکھمل سائیکل سے گذرتا ہے یا ایک پورا اہتزاز مکمل کرتا ہے۔ اس وقفہ وقت کے دوران ، مختصر تیر کے نشان یا اہر نے ہے۔ محود پر ایک خصوصی فاصلہ طے کیا ہے۔

اب ہم مندرجہ بالا 5 گرافوں کے تناظر میں ، مساوات (15.2) کی مختلف مقداروں کی ، جوشکل 15.5 میں دکھائی گئی ہیں، تعریف کرتے ہیں۔

15.3.1 سعت اور فيز (Amplitude & Phase)

شکل 15.5 یا شکل 15.6 میں دکھائی گئی جیسی لہر کی سعت 'a' اجزا کے مقامات توازن سے از حدفقل کی عددی قدر ہے جولہر کے ان پر سے گذر نے میں ہوتا ہے۔ اسے شکل (a) 15.6 میں دکھا گیا گیا ہے۔ کیونکہ a ایک عددی قدر ہے، یہ ایک مثبت مقدار ہے، چیا ہے قتل منفی بھی ہو۔

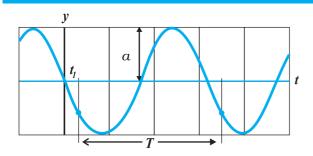
الہر کا فیز ،مساوات (15.2) میں، اہتزازی رکن ($\phi++\infty-\infty$) کا حامل زاویہ ($\phi++\infty-\infty$) ہے۔ بیاہر کے ایک ڈوری کے جزیر ایک خاص مقام ϕ مقام ϕ سے گذر نے پر حرکت کی حالت بیان کرتا ہے۔ بیووقت ϕ کے ساتھ خطی طور پر تبدیل ہوتا ہے اور ϕ + اور ϕ - کے درمیان اہتزاز کرتا ہے۔ اس کی منتہائی مثبت قدر ϕ + اس جزیر سے گذرتی ہوئی لہر کے فراز سے مطابقت رکھتی ہے، تب مقام ϕ پر پر کی قدر ϕ ہے۔ اس کی منتہائی منفی قدر ϕ اس جزیر کی قدر ϕ کی فر کے اہتزاز سے مطابقت رکھتے ہیں اور ایک لہر کا تابع وقت فیز، ڈوری کے ایک جز کے اہتزاز سے مطابقت رکھتے ہیں اور اہر کی سعت سے جز کے قال کی انتہائی قدروں کا تعین ہوتا ہے۔ مستقلہ ϕ ، آغازی فیز زاویہ کہلا تا ہے۔ ϕ کی قدر جز کی آغازی (فرض کیجے ϕ کی سے معلوم کی فدر جاتی ہے۔

ہم مبدے(x=0)اورآغازی ساعت (t=0) کو ہمیشہاں طرح منتخب کر سکتے ہیں کہ 0=0 ہو۔اگر مساوات (15.2) میں 0=0 رکھا جائے تو بھی مساوات کی عمومیت میں کوئی کمی نہیں آتی۔

15.3.2 طول لهرا ورزاويا في لهرعدو

(Wavelength and angular wave number)

ایک لہر کا طول لہر، لہر کی شکل کے لگا تار دہرائے جانے کے درمیان فاصلہ ہے (لہر کی اشاعت کی سمت کے متوازی)۔ بید دولگا تارنشیب یا فراز کے درمیان یا لہری حرکت کے بیساں فیز والے دولگا تارنقطوں کے درمیان، کم ترین فاصلہ



شکل x=0: ڈوری کے جز کے نقل کا ، x=0 پر ، به طور تفاعل وقت گراف ، جب که شکل x=0 کی سائن خم نما لہر اس جز سے گذرتی ہے۔ سعت x=0ی نشاندہی کی گئی ہے۔ ایك ہے قاعدہ وقت x=0 سے مخصوص دور x=0 کی بھی نشاندہی کی گئی ہے۔

آپ ڈوری کی نگرانی کریں، تو آپ دیکھیں گے کہ اس مقام پر ڈوری جز، سادہ ہارمونی حرکت میں، اوپر نیچ حرکت کرتا ہے، جو 0=x کے ساتھ، مساوات(15.2)سے دی جاتی ہے۔

> $y (0,t)=a \sin(-\omega t)$ =- $a \sin \omega t$

© لہر کا زاویائی تعدد کہلاتا ہے۔اس کی ا≲اکائی: 1- rad s ہے۔ شکل 15.6 میں ایک رواں لہر کے گرافوں کو دوبارہ دیکھیے۔ دولگا تار گرافوں کے درمیان وقفہ وقت 1/4ہے۔اس لیے پانچویں گراف تک آتے آتے ،ڈوری کا ہر جزایک مکمل اہتزاز کرچکاہے۔ $y(x,0)=a \sin kx \tag{15.5}$

تعریف کے مطابق ، اس طول موج کے دونوں سروں پر نقل یا کیساں y کیساں $x=x_1+\lambda$ اور $x=x_1+\lambda$ پر ، اس لیے مساوات (15.2) کے ذریعے

 $a \sin k x_1 = a \sin k (x_1 + \lambda)$ $= a \sin (k x_1 + k\lambda)$

یہ شرط صرف اسی وقت مطمئن ہوسکتی ہے جب

 $\kappa \lambda = 2\pi n$

جہال ، ... 1,2,3... ، گونکہ λ کی تعریف اس طرح کی گئی ہے کہ n=1,2,3... کیساں فیز والے نقطوں کے در میان کم ترین فاصلہ ہے ، اس لیے n=1 ور $k=\frac{2\pi}{\lambda}$ (12.6)

ا اشاعت مستقله (Propagation Constant) یا زاویائی لهرعدد اشاعت مستقله (Propagation Constant) یا زاویائی لهرعدد اکه استان به ایک ریڈین فی میٹر یا* (rad m⁻¹) ہے۔

یونوٹ کیا جا سکتا ہے کہ شکل (15.6) میں ہم جیسے جیسے ایک ترسیم سے دوسری ترسیم کی طرف جاتے ہیں، لہرا پنی دائیں طرف فاصلہ ۸ سے حرکت کرتی ہے۔ اس لیے پانچویں ترسیم پر بہنچ کر، لہردائیں طرف فاصلہ ۸ سے حرکت کر چکی ہے۔

15.3.3 دور، زاويا كى تعدداورتعدد

(Period, angular frequency and frequency)

شکل 15.7 میں، مساوات (15.2) سے دیے جانے والے نقل y برخلاف t گراف کو، ڈوری کے کسی مقام پر، جسے t لیا گیا ہے، دکھایا گیا ہے، اگر

ہے۔ایک مخصوص طول لہر کی نشا ندہی شکل (15.6(a) میں کی گئی ہے۔ جو0=1 اور 0=0 کے لیے مساوات (15.2) کی ترسیم (Plot) ہے۔اس صورت میں،مساوات (15.2) ہوجاتی ہے۔

^{*} یہاں پر بھی ریڈین کو چھوڑا جا سکتا ہے اوراکائی صرف m⁻¹ لکھی جا سکتی ہے۔ اس لیے 2π ،kضرب ، ان لہروں کی تعداد کو ظاہر کرتا ہے(یا کل فیز کے فرق کو) جو اکائی لمبائی میں سما سکتی ہے اس لیے SI کائی m⁻¹ ہے۔

אָרַט (479

ایک لہر کے تعدد کی تعریف ہے طور $\frac{1}{T}$ کی جاتی ہے اوراس کا زاویائی تعدد

سے رشتہ ہے:

$$v = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi} \tag{15.8}$$

یہ ایک ڈوری کے جز کے ذریعے کیے گئے اہتزازات کی تعداد فی اکائی وقت ہے، جو کہوہ جز اس سے اہر کے گذرنے کے دوران کرتا ہے۔ بیعام طورسے ہرٹز میں نابی جاتی ہے۔

اور پردی ہوئی بحث میں ڈوری پر سے گذرتی ہوئی لہریا ایک عرضی لہر کا حوالہ دیا گیا ہے۔ ایک طولی لہر میں ، واسطے کے ایک جز کا نقل ، لہرکی اشاعت کی سمت کے متوازی ہوتا ہے۔ مساوات (15.2) میں ، ایک طولی موج کے لینقل تفاعل کھھا جائے گا۔

$$s(x,t) = a \sin(kx - \omega t + \phi)$$
 (15.9)

جہاں(s(x,t)، واسطے کے ایک جز کا،مقام x اور وقت ٹر پر اہر کی اشاعت کی سعت ہے، باقی کی سعت ہے، باقی مقداروں کے وہی معنیٰ ہیں جوعرضی لہر کی صورت میں ہیں سوائے اس کے کہ نقل نظاعل (y(x,t) کی جگہ (s(x,t) کے جہ

مثال 15.2: ایک ڈوری سے گذررہی لہر، بیان کی جاتی ہے۔
15.2: ایک ڈوری سے گذررہی لہر، بیان کی جاتی ہے۔
(y(x, t) = 0.005 sin 80.0(x-3.0t)، جس میں عددی مستقلے
| SI اکائیوں میں ہیں۔

 $(3.0 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{s}^{-1}\,80.0 \,\mathrm{rad}\,\mathrm{m}^{-1}, 0.005 \,\mathrm{m})$

حساب لگایئے (a) لہر کی سعت (b) طول لہر (c) دور اور تعدد ۔ اور حساب لگایئے۔ $t = 20s \cdot x = 30.0cm$

جواب: اس نقل مساوات کا مساوت (15.2) سے مقابلہ کرنے پر:

 $y(x,t)=a\sin(kx-\omega t)$

ہمیں حاصل ہوتا ہے:

سعت=0.005 m = 5 mm (a)

زاوكي تعدد،
$$k = 80.0 m^{-1}$$
 زاوكي تعدد، $\omega = 3.0 \text{ s}^{-1}$

چرہم طول لہر \اور م√کے نیچ رشتہ ،مساوات (15.6) سے لکھتے ہیں۔

$$\lambda = 2\pi/k$$

$$= \frac{2\pi}{80.0 \text{ m}^{-1}}$$

$$= 7.85 \text{ cm}$$

$$\vdots$$

$$T = 2\pi/\omega$$

$$2\pi$$

$$= \frac{2\pi}{3.0 \text{ s}^{-1}}$$
$$= 2.09 \text{ s}$$
$$\text{let}$$

 $\upsilon = 1/T = 0.48 \text{ Hz}$ اور t = 20 s اور t = 30.0 cm

 $y = (0.005 \text{ m}) \sin (80.0 \times 0.3 - 3.0 \times 20)$

 $= (0.005 \text{ m}) \sin (-36+12\pi)$

 $= (0.005 \text{ m}) \sin (1.699)$

 $= (0.005 \text{ m}) \sin(97^{\circ}) \approx 5 \text{ mm}$

15.4 ايك روال لهركي حال

(THE SPEED OF A TRAVELLING WAVE)

آیے ایک ڈوری پر سے گذرتی ہوئی اہر، جو مساوات (15.2) سے دی جاتی ہے، کی اشاعت کا معائنہ کریں ۔ لہر x۔ کی مثبت سمت میں رواں ہے۔ ہم و کیصتے ہیں کہ ایک خاص مقام x پر ڈوری کا ایک جز، او پر نیچے، بہ طور تفاعل وقت، حرکت کرتا ہے، لیکن لہرکی شکل دائیں جانب بڑھتی ہے۔ دو مختلف اوقات x اوقات x اوقات x اوقات x کہت جھوٹا ہے، ڈوری کے مختلف اجزا کا نقل، شکل x اللہ کہ اس دکھایا گیا ہے۔ (فیز زاویہ ہم، صفر لیا گیا ہے)۔ یہ دیکھنے میں شکل x کہ اس وقفہ وقت کے دوران کم کی لہز مونہ، x کی مثبت سمت میں، ایک فاصلہ x سے حرکت کرتا ہے۔ اس لیے، لہردائیں طرف حرکت کررہی ہے۔ فاصلہ x کی مثبت سمت میں نسبت x کی مثبت سمت میں نسبت میں میں نسبت میں کہری جال ہی جال ہیں جال ہیں جال ہیں جالے کہ کی مثبت سمت میں نسبت میں نسبت میں کی مثبت سمت میں نسبت میں نسبت میں کررہی ہے۔

طبيعات

$$\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t} = \frac{\omega}{k} = v \tag{15.12}$$

مساوات (15.6) تا مساوات (15.8) استعمال کرتے ہوئے، ہم لکھ سکتے ہیں:

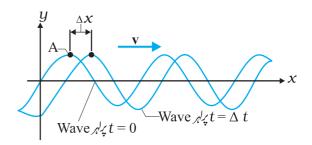
$$v = \frac{\omega}{k} = \frac{\lambda}{T} = \lambda v \tag{15.12}$$

مساوات (15.11) ایک عمومی رشتہ ہے جو تمام رواں اہروں کے لیے جائز ہے۔ بیصرف اتنابیان کرتا ہے کہ اہم اہتزاز کے ایک دور میں ایک طول اہر کا فاصلہ طے کرتی ہے۔ اہر کی جال اس کی طولِ اہم اور تعدد سے مساوات فاصلہ طے کرتی ہے۔ اہر کی جال اس کی طولِ اہم اور تعدد سے مساوات (15.12) کے ذریعے مسلک ہے، لیکن اس کا تعین واسطے کی خاصیتوں کے ذریعے ہوتا ہے۔ اگر اہر ایک واسطے ، جیسے ہوا، پانی، فولاد یا ایک تنی ہوئی ڈوری، سے گذرتی ہے تو اسے اس واسطے سے گذرتے ہوئے اس واسطے کے ذرات میں اہتزاز بیدا کرنا چا ہے۔ اس لیے واسطہ میں کمیت اور لچک ہوئی ضروری ہے۔ اس لیے واسطہ میں کمیت اور لچک ہوئی تنی ہوئی ڈوری کے لیے کہیت ٹی اکائی لمبائی) اور کچکیلی خاصیتیں یہ تعین کرتی تنی ہوئی ڈوری کے لیے کمیت فی اکائی لمبائی) اور کچکیلی خاصیتیں یہ تعین کرتی خاصیتوں کی شکل میں، واسطے میں کتی تیزی سے گذر سکتی ہے۔ اس کے برعکس ، ان خاصیتوں کی شکل میں، واسطے میں لہر کی چال کا حساب لگانا ممکن ہونا چا ہیے۔ اس باب کے آگے آنے والے تحت حصوں میں ہم کچھ مخصوص واسطوں میں مم کیکھ میکا نیکی لہروں کی رفتار کے لیے مخصوص ریاضیاتی عبارتیں حاصل کریں گے۔ اس کے آگے آنے والے تحت حصوں میں ہم کیکھ میے واسطوں میں مم کیکھ میکا نیکی لہروں کی رفتار کے لیے مخصوص ریاضیاتی عبارتیں حاصل کریں گے۔

15.4.1 ايك تني موئي دوري پرايك عرضي لهركي حيال

(Speed of a Transverse wave on stretched string)

ایک ڈوری پرعرضی لہر کی چال دوعوامل پرمنحصر ہے: (i) خطی کمیت کثافت یا کمیت فی اکائی لمبائی ، ہااور (ii) تناؤ T۔ کمیت کی ضرورت اس لیے ہے تا کہ حرکی توانائی ہواور تناؤ کے بغیر، ڈوری میں کسی خلل کی اشاعت ممکن نہیں ہے۔ ایک تنی ہوئی رسی پرلہر کی چال اور مندرجہ بالا دونوں عوامل میں رشتہ بالکل درست طور پرشتق کرنااس کتاب کے دائرہ سے باہر ہے۔ اس لیے ہم ایک



شکل 15.8: مساوات (15.2) کے وقت کی دو سماعتوں، پہلے t=0 اور پھر $t=\Delta t$ پر گراف ، جن میں وقفہ $t=\Delta t$ فرق ہے ہے ۔ جیسے لہر $t=\Delta t$ کسے دائیں طرف حرکت کرتی ہے پورا منحنی ، $t=\Delta t$ دوران فاصلہ $t=\Delta t$ منتقل ہوتاہے۔ نطقہ $t=\Delta t$ ہہر پر سفر کرتا ہے، لیکن ڈوری کا جز صرف اوپر -نیچے حرکت کرتا ہے۔

جیسے اہر حرکت کرتی ہے۔ (شکل 15.8) جرکت کرتی ہوئی اہر (گراف) کا ہر نقطہ اہر کا ایک مخصوص فیز ظاہر کرتا ہے اور اپنے نقل ہو کو برقر ارر کھتا ہے۔ بینوٹ کیا جاسکتا ہے کہ ڈوری کے نقطے اپنے قال کو برقر ارنہیں رکھتے جب کہ اہر کے نقطے برقر ارر کھتے ہیں۔ آیئے ایک نقطہ جیسے A لیں، جس کی نشاندہی اہر کے فراز پر کی گئی ہے۔ اگر ایک نقطہ جیسے A، حرکت کرتے ہوئے اپنے نقل کو برقر ارر کھتا ہے تو مساوات (15.2) سے اخذ کیا جاسکتا ہے کہ بیت ہی ممکن ہے جب کہ حامل زاویہ مستقلہ ہے۔ اس لیے، یہ اخذ ہوتا ہے کہ

نوٹ کریں کہ حامل زوایہ میں x اور t دونوں تبدیل ہورہے ہیں، اس لیے حامل زاویہ کو مستقلہ رکھنے کے لے اگر t بڑھتا ہے تو x کو بھی لازمی طور پر بڑھنا چا ہے۔ یہ تب ہی ممکن ہے جب لہر شبت x۔ سمت میں حرکت کررہی ہو۔ لہر رفتار v معلوم کرنے کے لیے، ہم مساوات (15.10) کا t کی مناسبت سے تفرق (Differential) معلوم کرتے ہیں:

(15.10)

 $kx - \omega t = \lambda \omega$

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}(kx-\omega t)=0$$

$$k\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t} - \omega = 0$$

אָרָט (481

مقابلتاً سادہ طریقہ اپناتے ہیں۔ابعادی تجزیہ میں ہم پہلے ہی سکھ چکے ہیں کہ (باب2) مختلف مقداروں کے درمیان ، جو ایک دوسرے سے رشتہ رکھتی ہوں، رشتہ کیسے معلوم کیا جاتا ہے۔اس طرح حاصل کیا گیارشتہ،ایک مستقلہ جز ضربی کی حد تک غیر متعین ہوگا۔

ایک ڈوری کی خطی کمیت کثافت، اس کی کمیت m کواس کی لمبائی m سے m سے m کی لمبائی m سے m کا واس طرح کے جا کرنا ہے کہ m ابعاد: m ابعاد: m کا m سے m سے m کہ m ابعاد m سے کے ابعاد کے اب

$$\begin{bmatrix} MLT^{-2} \\ ML^{-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} L^2 \ T^{-2} \end{bmatrix}$$

: اس لیے،اگر $T_{\rm cv}$ اور μ کے تابع ہے، توان کے درمیان رشتہ ہونا چا ہے: $v = C \sqrt{\frac{T}{\mu}}$ (15.13)

یہاں Cایک غیر ابعادی مستقلہ ہے جو ابعادی تجزیہ سے حاصل نہیں کیا جاسکتا۔ زیادہ سخت قاعدوں پر منی طریقہ اختیار کر کے بیٹا بت کیا جاسکتا ہے کہ C کی قدر واقعی C ہے۔ اس لیے، ایک تی ہوئی رسی میں عرضی لہر کی چال ہے: $v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$ (15.14)

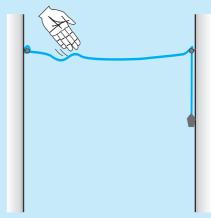
مساوات (15.14) ہمیں بتاتی ہے کہ کہ ایک تن ہوئی مثالی ڈوری میں ایک لہر کی رفتار صرف ڈوری کے تناؤ اوراس کی خطی کمیت کثافت کے تالع ہے اور لہر کے تعدد کے تالع نہیں ہے۔ لہر کا تعدد اس وسلے (Source) سے طے ہوتا ہے، جو لہر پیدا کرتا ہے، اور پھر طول لہر مساوات (15.12) کی اس شکل سے متعین ہوتی ہے:

ایک پلس کی ایک ڈوری پراشاعت(Propagation of a pulse on a rope)

آپایک ڈوری پرایک پلس کی حرکت برآسانی دیکھ سکتے ہیں۔آپایک استوار صد سے اس کا انعکاس ہوتا ہوا ہوا ہوا ہوا ہوا ہوا ہوا بھی دیکھ سکتے ہیں اور اس کے ڈوری پر سے گذرنے کی رفتار بھی ناپ سکتے ہیں۔آپ کو، قطر 1 سے 8 سنٹی میٹر کی ،ایک ڈوری دو م ب (Hooks) اور پھھاوزان چاہیے ہوں گے۔آپ اپنے کلاس روم یا تجربہ گاہ میں تجربہ کرستے ہیں۔

ایک کبی رسی یا موئی ڈوری کیجے (قطر 1 سے 3 سینٹی میٹر) اور ایک بڑے کمرے یا تجربہ گاہ کی آسنے سامنے کی دیواروں پراسے ایک ہک سے باندھ دیجے۔ ایک سرے کو بک سے لٹکنے دیجے اور اس سے کچھ وزن لٹکا دیجے۔ (1 سے 5 کلوگرام تک)۔ دیواروں کے درمیان تقریباً 1 سے 5 میٹر کی دوری ہو۔ ایک چھڑیا ڈنڈی کیجے اور اسے رسی کے سرے کے قریب ایک فقطے پر زورسے ماریے۔ اس سے رسی میں

ایک پھر یا دندی بیجے اور اسے ری کے سرے کے فریب ایک عظے پر رورسے ماریے۔ اس سے ری بی ا ایک پلس پیدا ہوگی جواس پر سے گذرے گی۔ آپ اسے دوسرے سرے تک پہنچتے اور وہاں سے واپس منعکس ہوتے دکھ سکتے ہیں۔ آپ واقع پلس (Incident pluse) اور منعکس پلس جوتے دکھ سکتے ہیں۔ آپ واقع پلس



(pulse) کے درمیان فیزر شتے کی جانج بھی کرسکتے ہیں۔ پلس ختم ہونے سے پہلے آپ بہ آسانی دویا تین انعکاس دکھ سکتے ہیں۔ آپ ایک اسٹاپ واچ کی مدد سے پلس کو دود بواروں کا درمیانی فاصلہ طے کرنے میں لگنے والا وقت بھی معلوم کر سکتے ہیں۔ اور اس طرح اس کی رفتار ناپ سکتے ہیں۔ اس کامقابلہ مساوات (15.14) سے حاصل ہوئی قدر سے تیجے۔

ایک آلدموسیق کے باریک دھاتی تارمیں بھی یہی ہوتا ہے۔ بڑافرق میہ کہ یہاں (دھاتی تار) پر رفتار کافی تیز ہوتی ہے کیونکدایک موٹی رسی کے مقابلے میں اس کی کست فی اکائی لمبائی کم ہوتی ہے۔ موٹی رسی پیلس کی رفتار کم ہونے کی وجہ سے ہم اس کی حرکت کو بہ آسانی دیکھ سکتے ہیں اور پیائش کر سکتے ہیں۔

482

ایک واسطے میں، دابوں اور تلطیفات یا کثافت میں تبدیلی کی شکل میں حرکت کرتی ہیں اس لیے واسطے کی اندرونی خاصیت جوائ ممل میں شامل ہوسکتی ہے،

B/p ہیں۔اس لیے نسبت مرکزافت کے ابعاد [ML-3] ہیں۔اس لیے نسبت مرکز

کے ابعاد ہیں

$$\frac{\left[\mathbf{M}\,\mathbf{L}^{-1}\,\mathbf{T}^{-2}\right]}{\left[\mathbf{M}\,\mathbf{L}^{-3}\right]} = \left[\mathbf{L}^{2}\,\mathbf{T}^{-2}\right] \tag{15.17}$$

اس لیے، ابعادی تجویے کی بنیاد پر، ایک واسطے میں طولی لہر کی رفتار کے لیے، مناسب ترین ریاضیاتی عبارت ہے:

$$v = C\sqrt{\frac{B}{\rho}} \tag{15.18}$$

جہاں C ایک غیر ابعادی مستقلہ ہے اور بیر ثابت کیا جاسکتا ہے کہ اس کی قدر 1 ہے۔اس لیے ، ایک واسطے میں طولی لہروں کی رفتار دی جاتی ہے:

$$v = \sqrt{\frac{B}{\rho}} \tag{15.19}$$

اس لیے، ایک سیال میں، ایک طولی لہر کی اشاعت کی رفتار صرف واسطے کے جم مقیاس اور اس کی کثافت کے تابع ہے۔

جب ایک طوس چیٹر کے سرے پر ایک چوٹ لگائی جاتی ہے تو صورت حال ، مستقلہ تر اشی رقبے کے استوانے (یا ٹیوب) میں رکھے ہوئے سیال سے مختلف ہوتی ہے۔ اس صورت میں ، کچک کا متعلقہ متعیاس ، ینگ کا متعیاس ہے ، کیونکہ اطراف میں ہونے والی ، چیٹر کی توسیع نظر انداز کی جاسکتی ہے اور صرف طولی بگاڑ ہی قابل کھاظ ہے۔ بیٹا بت کیا جا سکتا ہے کہ ایک چیٹر میں طولی موج کی رفتارہے:

$$v = \sqrt{\frac{Y}{\rho}} \tag{15.20}$$

جہاں Y چھڑ کے مبیٹیر میل کا ینگ کا مقیاس ہے۔ جدول 15.1 میں مختلف واسطوں میں آواز کی رفتار دی گئی ہے۔

$$\lambda = \frac{\upsilon}{v} \tag{15.15}$$

مثال 15.3: فولاد کے بنے 0.72m تار کی کمیت 15.0×0.0 مثال 15.0 نولاد کے بنے 0.72m تار کی کمیت 5.0×0.0 ہے۔اگر تار 60N کے ایک تناؤ کے زیرا اثر ہے، تواس تار پر گذرر ہی عرضی لہرکی رفتار کیا ہوگی ؟

جواب: تاركى كميت في ا كائى لمبائى بر:

$$\mu = \frac{5.0 \times 10^{-3} \text{ kg}}{0.72 \text{ m}}$$
$$= 6.9 \times 10^{-3} \text{ kg m}^{-1}$$

T = 60 N דור באנוניט אין אין פֿוניט אין פֿוניט אין פֿיין פֿיין די פֿיין די פֿיין די פֿיין פֿיייין פֿיין פֿיין פֿיין פֿיין פֿיין פֿיין פֿייין פֿיין פֿיין פֿייי

$$v = \sqrt{\frac{T}{\mu}} = \sqrt{\frac{60 \text{ N}}{6.9 \times 10^{-3} \text{ kg m}^{-1}}} = 93 \text{ m s}^{-1}$$

15.4.2 ایک طولی لهرکی رفتار _آواز کی لهرکی رفتار

Speed of a longitudinal wave speed of sound

ایک طولی لہر میں واسطے کے اجزائے ترکیبی ، آگے بیچھے ، لہر کی اشاعت کی سمت میں اہتزاز کرتے ہیں۔ ہم پہلے ہی دکھ چکے ہیں کہ آواز کی لہریں ، ہوا کے چھوٹے جموں کے دابوں اور تلطیفات Compressions and کے چھوٹے جموں کے دابوں اور تلطیفات rarefactions) کہ تھا تھیں سفر کرتی ہیں۔ وہ خاصیت ، جو بہتعین کرتی ہے کہ واسطے کے ایک جزیر دباؤ کی تبدیلی سے اس جز کے جم میں کتی تبدیلی ہوگی ، جم مقیاس (Bulk modulus) کہلاتی ہے۔ جس کی تعریف ہے ہوگی ، جم مقیاس (Bulk modulus) کہلاتی ہے۔ جس کی تعریف ہے

$$B = -\frac{\Delta P}{\Delta V/V} \qquad ...(15.16)$$

جہاں $\Delta V/V$ ، دباؤتبدیلی ΔP ے ذریعے ہونے والی جم میں کسری تبدیلی ہے۔ دباؤکی |SI| کائی |SI| کائی |SI| کا کائی ہے۔ دباؤکی الم

483 مين المادي المادي

جدول15.1 كيجه واسطول مين آواز كي رفتار

ینوٹ کیا جاسکتا ہے کہ حالانکہ ٹھوں اور رقیق اشیاء کی کثافتیں، گیسوں کے مقابلے میں بہت زیادہ ہوتی ہیں، پھر بھی ان میں آ واز کی رفتار، گیسوں میں آ واز کی رفتار سے زیادہ ہوتی ہے۔ ایساس لیے ہوتا ہے کیونکہ ٹھوں اور رقیق اشیاء گیسوں کے مقابلے میں کم واب پذیر ہیں، یعنی ان کے جم مقیاس کی قدر، گیسوں کے مقابلے میں بہت زیادہ ہوتی ہے۔ اب دیکھیے مساوات (15.19) ٹھوں اور مائع اشیاء کی کمیت کثافتیں، گیسوں کے مقابلے میں زیادہ ہوتی ہیں، لیکن جم مقیاس میں متطابق اضافہ بھوتی اور مائع اشیاء میں گیسوں کے مقابلے میں کہیں زیادہ ہوتی ہیں۔ کہ آ واز کی لہریں گیسوں کے مقابلے میں ٹھوں اور مائع واسطوں میں زیادہ رفتار سے سفر کرتی ہیں۔

$$(11-1)$$
 ایک کامل گیس کے لیے دباؤ P اور حجم P میں رشتہ ہے (دیکھیے باب $PV = Nk_BT$ (15.21) جہال P میں مالیکیولوں کی تعداد ، P بولٹر مین مستقلہ ، اور جہال P ہولئر مین مستقلہ ، اور

T گیس کا درجہ حرارت (کیلون میں) ہے۔ اس کیم ساوات (15.21) سے اخذ کیا جاسکتا ہے کہ ایک ہم تا پی تبدیلی کے لیے

اس لیے،مساوات (15.19) ہے،ایک کامل گیس میں،طولی اہر کی رفتار دی جاتی ہے:

$$v = \sqrt{\frac{P}{\rho}} \tag{15.22}$$

 $\sqrt{\rho}$ (15.22) $\sqrt{\rho}$ $\sqrt{\rho}$

 $=\frac{29.0\times10^{-3} \text{ kg}}{22.4\times10^{-3} \text{ m}^3}$ $=1.29 \text{ kg m}^{-3}$

ایک و سلے میں آواز کی رفتار کے نیوٹن کے فارمولے کے مطابق ،ہم ہوا میں STP پرآواز کی رفتار حاصل کرتے ہیں:

$$v = \left[\frac{1.01 \times 10^5 \,\mathrm{N \,m^{-2}}}{1.29 \,\mathrm{kg \,m^{-3}}} \right]^{1/2} = 280 \,\mathrm{ms^{-1}} \quad (15.23)$$

مساوات (15.23) میں دکھایا گیا نتیجہ، تجرباتی قدر " 331m s ، جو جدول 15.1 میں دکھایا گیا نتیجہ، تجرباتی قدر " 15 31m مے ۔ ہم نے جدول 15.1 میں دی گئی ہے، کے مقابلے میں تقریباً %15 کم ہے۔ ہم نے کہاں غلطی کی ؟ اگر ہم نیوٹن کے بنیادی مفروضے، ایک واسطے میں آواز کی اشاعت کے دوران ہونے والی دباؤ کی تبدیلیاں ، ہم تاپ ہیں، کو جانجیس تو ہمیں معلوم ہوتا ہے کہ بیمفروضہ درست نہیں ہے لیبلیس (Laplace) نے بیہ نشاندہی معلوم کی کیوں کہ آواز کی اہروں کی اشاعت کے دوران ہونے والے دباؤ

484 طبعیات

کے تغیرات اسے تیز رفتار ہوتے ہیں کہ حرارت کے بہاؤ کومستقلہ درجہ حرارت برقر ارر کھنے کے لیے ملنے والا وقت ناکافی ہوتا ہے۔اس لیے، یہ تغیرات حرنا گزار ہیں۔حرنا گزار طریق کے لیے کامل گیس مساوات ہے

$$PV^{\gamma} =$$
مستقله
لیخی که
 $\Delta PV^{\gamma} = 0$

جہاں y ، نوعی حرارتوں کی نسبت $^{\rm C_p/C_v}$ ہے۔ اس لیے ہوا کی رفتار مساوات (15.19) ہے دی جاتی ہے:

 $P^{\gamma} V^{\gamma^{-1}} \Delta V + V^{\gamma} \Delta P = 0$ اس لیے ایک کامل گیس کے لیے حمنا گزار تجم مقیاس دیا جاتا ہے $B_{ad} = -rac{\Delta P}{\Delta V/V}$ $= \gamma P$

$$v = \sqrt{\frac{\gamma P}{\rho}} \tag{15-24}$$

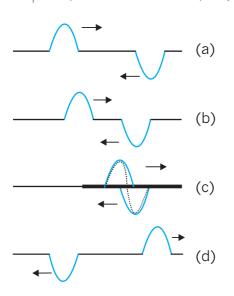
نیوٹن کے فارمولے کی بیرترمیم کیپلیس تھیجی(Laplace correction) کہلاتی ہے۔ ہوا کے لیے، 5/7=ہر۔ اب مساوات (15.24) کے ذریعے ہوا میں، STP پر آواز کی رفتار کا تخیینہ لگانے پر، ہمیں قدر 331.3ms⁻¹ حاصل ہوتی ہے، جو تجربہ کے ذریعے معلوم کی گئی قدر سے مطابقت رکھتی ہے۔

15.5 لهرول كانطباق كااصول

(THE PRINCIPLE OF SUPERPOSITION OF WAVES)

ہم دوالی اپر میں تصور کرتے ہیں جوا یک ہی تی ہوئی ڈوری پر مختلف متوں میں ، ہمہ دوت (Simultaneously) حرکت کررہی ہیں۔ شکل 15.9 میں دکھایا گیا تصویر وں کا ترتیب وارسلسلہ، ڈوری کے مختلف اجزا کی، وقت کی مختلف ساعتوں پر نقل کی حالتوں کو ظاہر کرتا ہے۔ ہر تصویر ایک دی ہوئی ساعت وقت پر ڈوری میں ، ماحسل لہرشکل کو ظاہر کرتی ہے۔ مشاہدہ یہ بتا تا ہے کہ دیے ہوئے لیحہ وقت پر ڈوری کے کسی بھی جز کا کل نقل (Net displacement) ، ہر

لبری وجہ سے ہونے والے انفرادی نقل کا الجبرائی حاصل جمع (Algebraiscum) ہے۔ انفرادی لبری شکلوں کو اس طرح جوڑ کرکل لبرشکل معلوم کرنے کا بیطریقہ



شکل 15.9: تصویروں کا ایک ترتیب وار سلسله، جو ایک تنی ہوئی ڈوری پر دوپلسوں کو مخالف سمت میں گذرتے ہوئے دکھاتا ہے۔ وہ ایک دوسرے سے ملتی ہیں، ایک دوسرے میں سے گذرتی ہیں اور پھر انفرادی طور پر آزادانه حرکت کرتی ہیں، جیسا کہ مختلف وقتوں پر لیے گئے فوری فوٹو (a) سے کی وجہ سے ہونے والے انفرادی نقل کا الجیریائی کی وجہ سے ہونے والے انفرادی نقل کا الجیریائی حاصل جمع ہے۔ جب دونوں خلل ایک دوسرے پر منطبق ہوتے ہیں تو وہ ایک پیچیدہ نمونه دیت ہیں، جیسا کہ شکل (c) میں دکھایا گیا ہے۔ علاقه ہیں، جیسا کہ شکل (c) میں دکھایا گیا ہے۔ علاقه تبدیل ہوئے حرکت کرتے ہیں۔

انطباق کا اصول (Principle of superposition) کہلاتا ہے۔ $y_1(x,t)$ اور اس قاعد کوریاضیاتی شکل میں کھنے کے لیے، فرض کیجے کہ $y_1(x,t)$ اور $y_2(x,t)$ وہ فقل ہیں جوڈوری کے کسی بھی جزمیں ہوتے ہیں اگر ہر لہراس جز میں سے انفرادی طور پر گذررہی ہوتی ۔ اس جزکافقل $y_2(x,t)$ ، جودونوں لہروں کے ایک دوسر سے پرمنظبق (Overlap) ہونے کی وجہ سے ہوتا ہے، دیاجا تا ہے:

رين 485

$$y(x,t) = y_1(x,t) + y_2(x,t)$$
 (15.25)

انطباق کااصول ایسے بھی بیان کیا جاسکتا ہے: منطبق لہریں، الجبرائی طور پر جع ہوتی ہیں اور ایک ماحصل لہر (یا کا Resultant wave) پیدا کرتی ہیں (یا کل لہر)۔ اس اصول کے معنی ہیں، کہ منطبق لہریں کسی بھی طرح سے ایک دوسرے کی حرکت کو تبدیل نہیں کرتیں۔

اگر ہمارے پاس ایک واسطے میں دویا دوسے زیادہ حرکت کرتی ہوئی اہریں ہیں تو ماحصل اہر، انفرادی اہروں کے اہر تفاعلات کا حاصل جمع ہے۔ یعنی کہ اگر حرکت کرتی ہوئی اہروں کے اہر تفاعلات ہیں۔

$$y_1 = f_1(x - vt),$$

$$y_2 = f_2(x - vt),$$

$$y_n = f_n \left(x - vt \right)$$

تب واسطے میں بخلل کو بیان کرنے والالہر تفاعل ہے:

$$y=f_1(x-vt)+f_2(x-vt)+...+f_n(x-vt)$$

$$= \sum_{i=1}^{n} f_i \left(x - vt \right) \tag{15.26}$$

اس اصول کی وضاحتی مثال کےطور پر ہم اہروں کے تداخل (Interference) اور انعکاس (Reflection) کے مظاہر کا مطالعہ کرتے ہیں۔

فرض سیجے کہ ایک تی ہوئی ڈوری پر حرکت کرتی ہوئی ایک لہردی جاتی ہے:

$$y_1(x,t) = a \sin(kx - \omega t)$$
 (15.27)

اوردوسری لہر، جو پہلی لہر سے فیز (سے ہٹی ہوئی ہے، دی جاتی ہے

$$y_2(x, t) = a \sin (kx - \omega t + \phi)$$
 (15.28)

دونوں لہروں کے زاویائی تواتر کیساں ہیں، زاویائی لہرعدد کا کیساں ہیں
(کیساں طول لہر) اور سعت میں کیساں ہے۔ وہ کیساں چال سے، ×- محور کی
مثبت سمت میں حرکت کرتی ہیں۔ ان کے فیز کا فرق ایک دیے ہوئے فاصلے
اور ساعت وقت پر، ایک مستقلہ زاویہ ہے۔ یہ کہا جاسکتا ہے کہ وہ ہے فیز
کے باہر (out of phase) ہیں یا ان میں فیز ہوکا فرق ہے۔

اب لہروں کے انطباق کا اصول استعال کرنے پر، ماحصل لہر دونوں جز ترکیبی لہروں کا الجبرائی حاصل جمع ہے اوراس کا نقل ہے:

 $y(x,t) = a\sin(kx - \omega t) + a\sin(kx - \omega t + \phi)$ (15.29)

اب ہم مندرجہ ذیل ٹر گنومیٹریائی رشتہ استعال کرتے ہیں۔

 $\sin\alpha + \sin\beta = 2\sin\frac{1}{2}(\alpha + \beta)\cos\frac{1}{2}(\alpha - \beta)$ (15.30)

اس رشته کومساوات (15.29)، میں استعمال کرنے پر ہمیں حاصل ہوتا ہے:

 $y(x,t)=[2a\cos{\frac{1}{2}}\phi]\sin(kx-\omega t+\frac{1}{2}\phi)$ (15.31)

مساوات (15.31) ظاہر کرتی ہے کہ ماحصل لہر بھی ایک سائن خم نما لہر ہے جو x- کی مثبت سمت میں حرکت کررہی ہے۔

ماحصل لهر، جزتر کیبی لهروں سے دوطرح سے مختلف ہے۔ (i) اس کا فیر زاویہ $\phi(\frac{1}{2})$ اس کا فیر زاویہ $\phi(\frac{1}{2})$ ہیں قوسین [] میں دور ہوئی مقدار ہے، لیعنی کہ

 $A(\phi) = 2a \cos(\frac{1}{2}) \phi ... (15.32)$

اگر0= ہالیعنی کہ دونوں لہریں فیز میں ہوں تو مساوات (15.31) سے حاصل ہوتا ہے۔

 $A(u) = 2a; y(xt)\phi = 0 = 2a \sin(kx - \omega t)$ (15.33)

ماحصل لہر کی سعت 2aے، جو (ϕ) کی سب سے بڑی مکنہ قدر ہے۔ (ϕ) کی سب سے بڑی مکنہ قدر ہے۔ (ϕ) کی ماحس لہر ہیں تو مساوات (ϕ) کے ذریعے دی گئی ماحصل لہر کی سعت کی قدر صفر ہو جاتی ہے۔ (ϕ) کی ماحصل ہوتا ہے: (ϕ) ہوتا ہے:

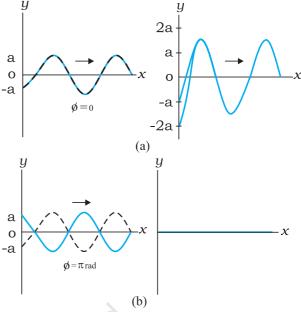
y(x,t)=0 (15.34)

يەصورتىن، شكل15.10 مىس دىھائى گئى بىر

15.6 لهرول كاانعكاس

(REFLECTION OF WAVES)

پچھلے حصوں میں ہم نے غیرسرحدی (Unbounded) واسطوں میں لہر کی اشاعت سے بحث کی ہے۔ کیا ہوگا ، اگرا یک پلس یارواں لہرا یک استوار حد طبيعات



اور $y_1(x,t)$: دو متماثل سائن خم نما لہریں $y_1(x,t)$ اور $y_2(x,t)$ اور $y_2(x,t)$ ایک تنی ہوئی رسی پر، x-محور کی مثبت سمت میں، حرکت کرتی ہیں۔ وہ ایک ماحصل لہر $y_1(x,t)$ دیتی ہیں۔ دونوں $y_1(x,t)$ ماحصل لہروں کے درمیان فیز فرق $y_2(x,t)$ (b), $y_1(t)$ (c) اور $y_2(t)$ (d) میں دکھائی گئی ہیں۔

سے نگرائے؟ بیعام تجربہ ہے کہ اس صورت میں پلس یالہ منعکس ہوجاتی ہے۔
آواز کی لہروں کے ایک استوار سرحد سے منعکس ہونے کی ، روز مرہ کی ایک مثال، گونج (Echo) کا مظہر ہے۔ اگر سرحد کمل طور پر استوار نہ ہو یا دو لچکیلے واسطوں کے درمیان بین رخ ہو، تو ان سرحدی شرائط (Boundary) المنظوں کے درمیان بین رخ ہو، تو ان سرحدی شرائط conditions) کا وقوعی پلس یا لہر (پر شرح سے بیا تر سال ہو جاتا ہے اور ایک حصہ کی پر اثر کچھ پیچیدہ ہوتا ہے۔ لہر کا ایک حصہ منعکس ہو جاتا ہے اور ایک حصہ کی دوسرے واسطوں کی دوسرے واسطے میں ترسیل ہو جاتی ہے۔ اگر ایک لہر، دومختلف واسطوں کی درمیانی سرحد پر ترجیحی واقع (Obliquely incident) ہوتو ترسیل ہوئی درمیانی سرحد پر ترجیحی واقع (transmitted wave) انعطافی لہر انعکاس کے اسنیل کے قانون کہلاتی ہے۔ واقع اور انعطاف لہریں، انعکاس کے اسنیل کے قانون کہریں، انعکاس کے اسنیل کے قانون کہریں، انعکاس کے اسنیل کے قانون کہریں، انعکاس کے اسنیل کے عام قوانین کی یابندی کرتی ہیں اور واقع اور انعکاس کے مام قوانین کی یابندی کرتی ہیں اور واقع اور انعکاس کے عام قوانین کی یابندی کرتی ہیں اور واقع اور انعکاس کے عام قوانین کی یابندی کرتی ہیں اور واقع اور انعکاس کے عام قوانین کی یابندی کرتی ہیں۔

ایک سرحد پر، ایک اہر کے انعکاس کی وضاحت کرنے کے لیے ہم دو صورتیں لیتے ہیں۔ پہلی صورت: ایک ڈوری ، جس کا بایاں سرا ایک استوار دیوار میں نصب ہے، جیسا کہ شکل (15.11 میں دکھایا گیا ہے۔ اور دوسری صورت: ڈوری کا بایاں سرا ایک چھلے (ring) سے بندھا ہوا ہے جوایک چھٹر پر، بناکسی رگڑ کے، اوپر نیچے پھسلتا ہے، جیسا کہ شکل (15.11 میں دکھایا گیا ہے۔ ایک پلس کوان دونوں ڈوریوں پرسے گذرنے دیا جاتا ہے۔ یہ پلس بائیس سرے پر چہنچنے پر منعکس ہوجاتی ہے۔ مختلف ساعتوں پر، ڈور میں خلل کی حالت، شکل 15.11 میں دکھائی گئی ہے۔

شکل (15.11 a میں، ڈوری کا دایاں سرا دیوار میں نصب ہے، جب پلس اس سرے پر پہنچتی ہے تو وہ دیواریر ، اوپر کی جانب ، ایک قوت لگاتی ہے۔ نیوٹن کے تیسرے قانون کے مطابق دیوار، ڈوری پریکسال عددی قدر کی مخالفت قوت لگاتی ہے۔ یہ دوسری قوت سہارے (دیوار) پرایک پلس پیدا کرتی ہے جو ڈوری پرسے واپس گذرتی ہے، یعنی کہ اس کی ست واقع پلس کے سمت کی مخالف ہوتی ہے۔اس قتم کے انعکاس میں ،سہارے برکوئی نقل نہیں ہونا جا ہے کیونکہ ڈوری وہاں نصب ہے۔منعکس اور واقع پلسوں کی علامتیں مخالف ہونا ضروری ہیں، تا کہ اس نقطے پر ایک دوسرے کومنسوخ (Cancel) کرسکیں۔اس لیے ایک رواں لہر کی صورت میں ، ایک استوار سرحدیر ہونے والے انعکاس میں فیزالٹ جائے گایا فیز فرق n یا°180 ہوگا۔ شکل(15.11 (b) میں ڈوری ایک چھلے میں بندھی ہے، جوایک چھڑیر، بنا رگڑ کے، پیسلتا ہے۔اس صورت میں، جب پلس بائیں سرے پر پہنچی ہے، تو چھلا چھڑ میں اوپر حرکت کرتا ہے۔ جب چھلا حرکت کرتا ہے تو بیری کو تھنچتا ہے،جس سےری میں تناؤیدا ہوتا ہے اور ایک منعکس پلس بنتی ہے،جس کی علامت اورسعت، واقع پلس کے پکساں ہوتے ہیں۔اس لیےا بسےانعکاس میں، واقع اورمنعکس پلسیں ایک دوسر کے لتقویت بخشتی ہیں، جس سے ڈوری کے سرے پراز حدنقل پیدا ہوتاہے، چھلے کا از حدنقل ،جوکسی ایک پلس کی سعت کاد گناہوتا ہے۔اس لیےانعکاس بغیر کسی اضافی فیز تبدیلی کے ہوتا ہے۔ ایک روال لہر کی صورت میں ، ایک کھلی سرحد برجیسے ایک آرگن یا ئی کے کھلے

برين 487

15.6.1 مقيم لهريب اورنارل مُو دُ

(Standing waves and normal modes)

پچھلے جے میں ہم نے ایسا نظام لیا تھا جوا کیک سرے
پرمقیدتھا۔ آ ہے اب ایک ایسا نظام لیتے ہیں جودونوں
سروں پر ہندھی ہوئی
میں ہم کسی خاص تعدد کی ایک لگا تار، سائن خم نما لہر
میں ہم کسی خاص تعدد کی ایک لگا تار، سائن خم نما لہر
سرے پر پہنچتی ہے تو یہ منعکس ہوجاتی ہے اورواپس
سرے پر پہنچتی ہے تو یہ منعکس ہوجاتی ہے اورواپس
لوٹنا شروع کر دیتی ہے۔ جب بائیں جانب جارہی
لہر، بائیں سرے پر پہنچتی ہے تو یہ دوبارہ منعکس ہوتی
ہے اور بینی منعکس ہوئی لہر دائیں سمت حرکت کرنا
شروع کرتی ہے، اور بائیں سمت جارہی لہر پر منطبق
ہوتی ہے۔ یہ مل جاری رہتا ہے اور اس لیے جلد ہی

ہمیں بہت منطبق لہریں ملتی ہیں، جوایک دوسر ہے نے تداخل کرتی ہیں۔ $\lim_{k \to \infty} y_k = \int_{-\infty}^{\infty} y_k \int_{-\infty}^{\infty} y$

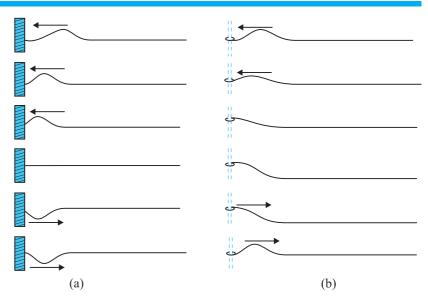
 $y_1(x,t) = a \sin(\kappa x - \omega t)$ جن کرتی ہوئی لہر $g_1(x,t) = a \sin(\kappa x - \omega t)$

 $y_2(x,t)=a\sin(kx+\omega t)$ پین جرکت کرتی بوئی امری

 $y(x,t) = y_1(x,t) + y_2(x,t)$ $y(x,t) = y_1(x,t) + y_2(x,t)$ $= a \sin(kx - \omega t) + a \sin(kx + \omega t)$

 $= (2a \sin kx) \cos \omega t \tag{15.37}$

مساوات (15.37) کے ذریعے بیان کی گئی لہر، ایک رواں لہرکونہیں ظاہر کرتی ۔ کیونکہ لہرکی شکل یا خلل کسی طرف حرکت نہیں کرتا۔ یہاں مقدار: 2a sin kx



شکل 15.11: (a) ایك پلس جو دائیں سمت سے واقع ہے، ایك ڈوری کے بائیں سرے پر، جو دیوار میں بندھا ہے، منعکس ہوتی ہے۔ نوٹ کریں که منعکس پلس، واقع پلس کی مناسبت سے الٹی ہے۔ (b) یہاں بایاں سرا ایك ایسے چھلّے سے بندھا ہے جو ایك چھڑ پر، بنا کسی رگڑ کے، اوپر نیچے پھسل سکتا ہے۔ اب انعکاس کے ذریعے منعکس لہرالٹی نہیں ہوتی۔

ہوئے سرے پر ،انعکاس بغیر کسی فیز تبدیلی کے ہوتا ہے۔

اب ہم، ایک سرحدیا دو واسطوں کے مابین رخ پر، لہروں کے انعکاس کا خلاصہ مندرجہ ذیل شکل میں پیش کر سکتے ہیں: ایک رواں لہر، ایک استوار سرحد یا ایک بندسرے پر، فیز کے اللنے کے ساتھ منعکس ہوتی ہے۔ لیکن ایک تھلی سرحدیرانعکاس بغیر کسی فیز تبدیلی کے ساتھ ہوتا ہے۔

مندرجہ بالا بیان کوریاضیاتی شکل میں ظاہر کرنے کے لیے،فرض سیجیے کہ واقع لہر کوظاہر کیاجا تاہے

 $y^i(x,t)=a\,\sin(kx-\omega t)$ تب،ایک استوار سرحد پر اندکاس کے لیے، منعکس لہر ظاہر کی جاتی ہ $y_r(x,t)=a\,\sin\,(kx+\omega t+\pi).$

 $=- a \sin (kx + \omega t) \tag{15.35}$

ایک کلی سرحد پر منعکس لہرظا ہر کی جاتی ہے: $y_r(x,t)=a\,\sin\,(kx+\omega t).$ (15.26)

طبيعات

لگا تارنو ڈوں کے درمیان 2 / λ یا نصف طول لہر کا فاصلہ ہوتا ہے۔ λ سعت کی بیش ترین قدر λ کے ان قدر وں پر ہوتی ہے ، جو λ کا ان قدر وں پر ہوتی ہیں۔ λ کا λ ان λ کا ان قدر وں پر ہوتی ہیں۔

اليى قدرين ہيں:

 $kx=(n+\frac{1}{2}) \pi \left(\frac{1}{2} \leq n=0,1,2,3,... \right)$

اس مساوات میں $\kappa=2\pi/\lambda$ کھنے پر ،ہمیں از حدسعت کے مقام حاصل ہوتے ہیں:

$$x=(n+\frac{\lambda}{2}(\frac{\lambda}{2}(\frac{\lambda}{2} \leq n=0,1,2,3,...)$$
 (15.39)

یہ اینٹی نوڈ (ضدنوڈAntinode) کہلاتے ہیں۔ انیٹی نوڈوں کے درمیان ، ان کے درمیان ، ان کے درمیان ، ان کے وسطی نقطے پر ہوتے ہیں۔

ایک المبائی L کی تن ہوئی ڈوری کے لیے،جس کے دونوں سرے بندھے ہوئے

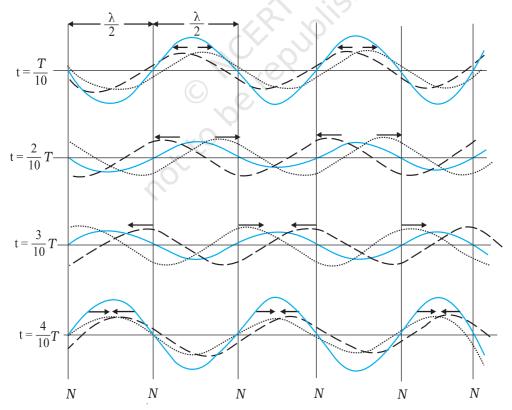
جز کے اہتزاز کی سعت ہے۔ اس کے برخلاف، ایک رواں لہر میں تمام اجزا کے لیے لہر کیساں ہوتی ہے۔ اس لیے مساوات (15.37) ایک مقیم لہر (Standing wave) کوظاہر کرتی ہے۔ ایک ایک لہر جس میں لہر کی شکل حرکت نہیں کرتی ۔ ایک لہروں کی تفکیل شکل 15.12 میں دکھائی گئی ہے۔ مید کیھنے میں آتا ہے کہ میش ترین اور کم ترین سعت کے نقاط ایک ہی مقام بید کیھنے میں آتا ہے کہ میش ترین اور کم ترین سعت کے نقاط ایک ہی مقام بیر گئی ہے۔

kx کی ان قدروں کے لیے سعت صفر ہے جو sin kx=o بی ہیں۔ بیقدریں ہیں:

 $kx = n\pi$, (کے یہ n=0,1,2,3,...) اس مساوات میں $k=2\pi/\lambda$ رکھنے پر

 $x=n\lambda/2...(2 \le n=0,1,2,3,...)$ (15.38)

صفر سعت کے مقامات نوڈ (Nodes) کہلاتے ہیں۔ نوٹ کریں کہ دو



شکل15.12: ایك تنی ہوئی ڈوری میں ایك مقیم لہر كا بننا۔ دو یكساں سعت كى سائن ضم نما لہریں، ڈوری پر مخالف سمتوں میں حركت كرتی ہیں۔ تصویروں كا سيك، چار مختلف مقامات پر نقل كى حالت دكھاتا ہے۔ جن مقامات كى نشاندہي الكر كريعےكى گئی ہے، ان مقامات پرنقل، وقت كى ہر قدر پر، صفر ہوتا ہے۔ یہ مقامات نوڈ كہلاتے ہیں۔

رين 489

یں، ڈوری کے دونوں سرینو ڈ (Node) ہی ہونا چاہئیں۔اگرہم ایک سری کو مقام x=0 مقام x=0 مقام x=0 مقام x=0 متار ہونے کے لیے ضروری ہے، کہ x=0 مندرجہ ذیل شرط کولازی طور پر مطمئن کرے۔ $L=n\frac{\lambda}{2}(2,3,...)$ (15.40)

ییشرط ظاہر کرتی ہے کہ لمبائی L کی ایک ڈوری پراہر کے طول اہر محدود ہوتے ہیں۔جودیے جاتے ہیں۔

 $\lambda = \frac{2L}{n} \left(\frac{2}{L} \int_{0}^{L} e^{jn} = 1, 2, 3, ... \right)$ $= n \frac{V}{2L} \left(\frac{V}{2L} \right) = 1, 2, 3, ...$ (15.41) $v = n \frac{V}{2L} \left(\frac{V}{2L} \right) = 1, 2, 3, ...$ (15.42)

جہاں vرواں لہروں کی ڈوری پر رفتار ہے۔ مساوات (15.42) کے ذریعے دیا گیا تعدد کا سیٹ، نظام کے اہتزاز کے موڈیا قدر تی تعدد کہلاتے ہیں۔ بیمساوات ہمیں بتاتی ہے کہ ایک ڈوری کے قدرتی تعدد ، کم ترین تعدد $v = \frac{v}{2L}$ (Integral multiples) ہیں ، جو کہ $v = \frac{v}{2L}$ (Integral multiples) ہیں ، جو کہ $v = \frac{v}{2L}$ (First Harmonic) ہیں ، جو کہ $v = \frac{v}{2L}$ (Fundamental Mode) یا پہلا ہارمونک (Fundamental Mode) یا پہلا ہارمونک $v = \frac{v}{2L}$ کہلا تا ہے۔ دو سرا ہارمونک $v = \frac{v}{2L}$ ساتھ اہتزاز موڈ ہے۔ تیسرا ہارمونک $v = \frac{v}{2L}$ کہلا تا ہے۔ مطابقت رکھتا ہے ، اور اسی طرح اور آگے بھی ۔ ان موڈ وں سے مسلک تعدد اکثر $v = \frac{v}{2L}$ (اور اسی طرح اور آگے بھی ۔ ان موڈ وں سے مسلک تعدد اکثر $v = \frac{v}{2L}$ (اور اسی طرح اور آگے بھی ۔ ان موڈ وں کا مجموعہ ہارمونک سلسلہ (Harmonic series)

دونوں سروں پر بندھی ، ایک تنی ہوئی ڈوری کے کیچھ ہارمونک شکل 15.13 میں دکھائے گئے ہیں۔ انطباق کے اصول کے مطابق ، دونوں سروں پر بندھی، تنی ہوئی رسی ، بہ یک وقت کئی موڈوں میں ارتعاش کرسکتی ہے۔ کون ساموڈ زیادہ ارتعاش کر کا، یہاس پر مخصر ہے کہ ڈوری کے کس مقام پر ضرب لگائی گئی ہے۔ ستار اور وائکن جیسے آلات موسیقی اسی اصول پر ڈیزائن کیے جاتے ہیں۔

اب ہم ایسے نظام کے ارتعاش کے موڈوں کا مطالعہ کرتے ہیں۔ جوایک سرے پر بند ہے، اور جس کا دوسرا سرا آزاد ہے۔ ہوا کا کالم، جیسے جزوی طوریریانی سے بھری ہوئی ٹیوب، ایسے نظاموں کی مثال ہے۔ان میں ہوا کے کالم کی لمبائی کوٹیوب میں یانی کی سطح کوتبریل کر کے ،ضرورت کے مطابق کم یا زیادہ کیا جاسکتا ہے۔ایسے نظاموں میں ، ہوا کے کالم کاوہ سرا جو یانی ہے لمس میں ہوتا ہے، اس کا کوئی نقل نہیں ہوتا، کیونکہ وہاں منعکس اور واقع لہریں ، بالکل درست طوریر ، فیز کے باہر ہوتی ہیں۔اسی وجہ ہے، یہاں پر دباؤ کی تبدیلیاں سب سے زیادہ ہوتی ہیں۔ کیونکہ جب داب جز (Compressional part)منعکس ہوتا ہے تو د باؤ میں اضافہ دگنا ہو جاتا ہے اور جب تلطیف جز (Rarefaction part) منعکس ہوتا ہے تو د باؤمیں کی دُگی ہوتی ہے۔ دوسری طرف، کھلے ہوئے سرے یر، از حد نقل اور کم ترین دباؤ تبدیلی ہوتی ہے۔ یہاں پر خالف سمتوں میں حرکت کرتی ہوئی دونوں اہریں فیز میں ہوتی ہیں۔اس لیے د باؤمیں کوئی تبدیلی نہیں ہوتی۔اب،اگر ہوا کے کالم کی لمبائی L ہے، تب كىلا ہوا سرا، x=L، ايك اينٹی نو ڈ ہے، اس ليے مساوات (15.39) سے اخذ كياجاسكتا ہے كه:

$$L = (n + \frac{1}{2})\frac{\lambda}{2}$$
 (پیر از این شرط کو مطمئن کرتے ہیں وہ موڈ جو مندر جہ ذیل شرط کو مطمئن کرتے ہیں

$$\lambda = \frac{2L}{(n + 1/2)} (2L_{n=0,1,2,3,...})$$
 (15.43)

ایسے ہوا کے کالم میں برقر اررہتے ہیں۔ایسے ہوا کے کالم کے مختلف موڈوں کے مطابق تعدد دیے جاتے ہیں:

$$v = (n + \frac{1}{2})\frac{v}{2L} (\text{2.2.} n=0,1,2,3,...)$$
 (15.44)

ایک ہوا کالم کے جس کا ایک سرا کھلا ہوا ہے ،، پچھنارمل موڈشکل 15.14 میں دکھائے گئے ہیں۔ طبيعيا**ت** طبيعيات

ساتھ معلوم کیے جاتے ہیں کہ جھاتی کے محیط کا کوئی نقطہ ارتعاش نہیں کرتا۔ اس نظام کے نازل موڈوں کے تعدد کا تخیینہ لگانا زیادہ پیچیدہ ہے۔ اس مسکلے میں دو ابعاد میں لہرکی اشاعت شامل ہے۔ حالانکہ، متعلقہ طبیعیات یکساں ہے۔

ہم او پرد کھے چکے ہیں کہ ایک دونوں سروں پر بندھی ہوئی ڈوری میں ، فقیم اہریں صرف کچھ تعدد پر بنتی ہیں ، جو مساوات (15.42) سے دی جاتی ہیں ، یا ان تعدد پر نظام گمک کرتا ہے۔ اسی طرح ایک سرے پر کھلا ہوا کالم ، مساوات (15.44) سے دیے گئے تعدد پر گمک کرتا ہے۔

مثال 15.5: ایک cm مقال 15.5 ایک 60 کمباپائپ دونوں سروں پر کھلا ہوا ہے۔ پائپ کا کون ساہار ونک موڈ ، 1.1k Hz وسلے (Source) کے ساتھ گمک کرے گا؟ کیا اس وسلے سے گمک ہوگی ، اگر پائپ کا ایک سرابند کر دیا جائے

جواب: پہلا ہارمونک تعدد دیاجا تاہے:

$$v_1 = \frac{v}{\lambda_1} = \frac{v}{2L}(\frac{v}{2L})$$

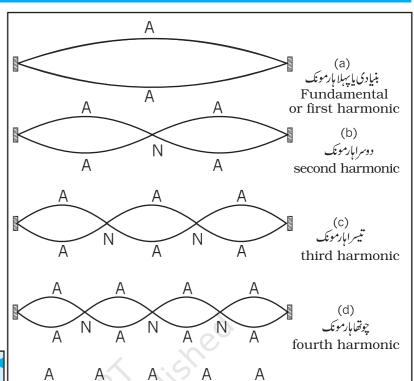
جہاں پائپ کی لمبائی ہے۔اس کےnth ہارمونک کا

$$v_n = \frac{nv}{2L}$$
 (n=1,2,3,...)(کلایائی)

ایک سرے پر کھلے پائپ کے پچھ موڈشکل 15.15 میں دکھائے گئے ہیں۔

 $v = 330 \,\mathrm{m \, s^{-1}}$ L=30.0cm

$$v_n = \frac{n \times 330 \text{ (m s}^{-1})}{0.6 \text{ (m)}} = 550 \text{ n s}^{-1}$$



يا پچوال بارمونگ

A

A

A

A

A

A

A

A

(f)

چھٹا بارمونگ

چھٹا بارمونگ

چھٹا بارمونگ

شکل15.13: دونوں سروں پر بندھی ، تنی ہوئی ڈوری میں مقیم لہریں ۔ ارتعاش کے مختلف موڈ دکھائے گئے ہیں۔

بنیادی تعدد $\frac{v}{4L}$ اوراس سے اونچے تعدد ، بنیادی تعدد کے طاق

ہارمونک (odd harmonic) ہیں۔

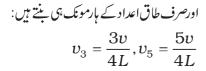
یعنی که
$$\frac{v}{4L}$$
 ، $3\frac{v}{4L}$ وغیره

اگرایک پائپ دونوں سروں پر کھلا ہو، تو دونوں سروں پراینٹی نو ڈ ہوں گے اور تمام ہارمونک پیدا ہوں گے۔

ایک دائری جھٹی ، جو محیط سے استوار طور پر جڑی ہوئی ہو، جیسے طبلہ میں ، کے نامل موڈ اس سرحدی شرط (Boundary Condition) کے

تعددہے:

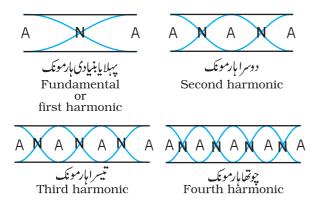
491 U.A.



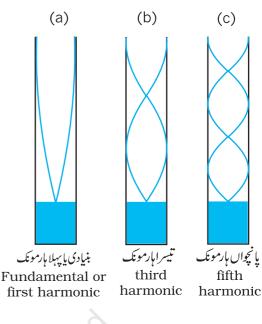
اور $v = 330 \text{ m s}^{-1}$ اور $v = 330 \text{ m s}^{-1}$ ایک سرے پر بند پائپ کا بنیا دی تعدد ہے 275HZ اور وسلے کا تعدد اس کے چوشے ہار مونک سے مطابقت رکھتا ہے ۔ کیونکہ یہ ہار مونک ایک مکنہ موڈ نہیں ہے، جیسے ہی ایک سرا بند کیا جائے گاو سیلے کے ساتھ کوئی گمک نہیں سنائی دے گی۔

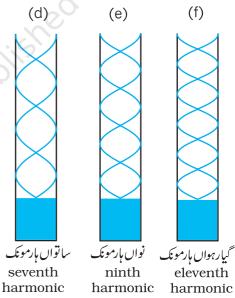
15.7 ضریبی (BEATS)

اگرہم چند منٹ کے وقفے ہے، دوالی آوازیں سنیں، جن کے تعدد ایک دوسرے ہے بہت قریب ہوں، جیسے 256HZ اور 260HZ ، تو ہم ان میں فرق نہیں کر پاتے لیکن اگریہی دونوں آوازیں ہمارے کا نوں تک ایک ساتھ پہنچیں تو ہم تعدد 258HZ ، دونوں متحد ہونے والے تعدد کا اوسط کی ایک آواز سنتے ہیں۔ اس کے علاوہ ہمیں آواز کی شدت (Intensity) میں ایک آواز سنتے ہیں۔ اس کے علاوہ ہمیں آواز کی شدت (جعلملاتی) ضربوں میں ایک نمایاں تبدیلی سنائی دیتی ہے۔ بیآ ہستہ تھر تھراتی (جھلملاتی) ضربوں میں زیادہ اور کم ہوتی ہے جو 4HZ کے تعدد ، آنے والی آوازوں کے تعدد کے مایین فرق، پر دہرائی جاتی ہے۔ جب تقریباً کیساں تعدد اور سعت کی دولہ یں، تو کیساں سمت میں حرکت کرتے ہوئے ایک دوسرے پر منطبق ہوتی ہیں، تو کیساں سمت میں حرکت کرتے ہوئے ایک دوسرے پر منطبق ہوتی ہیں، تو آواز کی شدت کے تقریباً کیساں سمت میں حرکت کرتے ہوئے ایک دوسرے پر منطبق ہوتی ہیں، تو آواز کی شدت کے تقریباً کی منظم بین (Beats) کہلاتا ہے۔



شکل 15.15: ایك كهلے سوئے پائپ میں مقیم لهریں، پهلے چار سارمونك دكھائے گئے ہیں۔





شکل 15.14: ایك سرے پر کھلے ہوا کے کالم کے ارتعاش کے کچھ نارمل موڈ کو نارمل موڈ واضح ہے کہ ایک 1.1 تعدد کا وسلہ، 0 ، یعنی کہ دوسر ہے ہار مونک

وا شح ہے کدا یک 1.1 khz تعدد کا وسیلہ، ⁰² ، مینی کددوسرے ہار مونک پر کمک کرےگا۔

اب اگر پائپ کا ایک سرابند کر دیا جائے (شکل 15.14)، تو مساوات (15.44) سے اخذ کیا جاسکتا ہے کہ بنیا دی تعدد ہے:

$$v_1 = \frac{v}{\lambda_1} = \frac{v}{4L}$$
 (ایک سرے پربند پائپ)

سريليستون (Musical Pillars)

مندرول میں ستونوں پر اکثر الیی تصاورینائی جاتی ہیں،جن میں انسانوں کوساز بجاتے دکھایا جاتا ہے۔ لیکن بیاستون خود موسیقی شاذ و نادر ہی پیدا کرتے ہیں۔ تامل ناڈو میں نیل ایر (Nellaiappar) مندر میں



اک ہی چٹان کے ٹکڑے سے بنائے گئے ستونوں کا ایک اپیا مجموعہ ہے، جس پر اگر آہتہ سے تھپتھیایا جائے تو ہندوستانی کلاسکی موسیقی کے بنیادی سر نکلتے ہیں، یعنی کہ سارے، گا، ما، یا، دھا، نی، سا۔ان ستونوں کے ارتعاش استعال کے گئے پھر کی لجک،اس کی کثافت اوراس کی شکل

سر بلیستونوں کی تین قسموں میں درجہ بندی کی حاتی ہے: پہلی قشم شرووتی ستون (Shruthi) کہلاتی ہے کیونکہ یہ بنیادی سر (سُوار Swaras) پیدا کرتے ہیں۔ دوسری قتم گاناتھونگل (Gana Thoongal) ہے جو وہ بنیادی دھنیں پیدا کرتے ہیں جو' راگ' بناتی ہیں۔تیسری قتم لے تھونگل (Lay Thongal) ستونوں کی ہے جو" تال" (ضرب Beats) پیدا کرتے ہیں۔نیل ایرمندر کے ستون شرووتی اور لے قسموں کے ستونوں کا مجموعہ ہیں۔ ماہرین آثار قدیمہ، نیل ایر مندر کوساتویں صدی کا بنا ہوا بتاتے ہیں اوران کا دعویٰ ہے کہا سے یا نڈیان سلاطین نے بنوایا تھا۔ نیل ایر کے سریلے ستون اور جنو فی ہند کے کئی دوسر مے مندروں، جیسے ہام بھی (تصویر)، کنیا کماری اورتھر ووائن تھا پورم کے مندروں کے ستون اس ملک کی انفرادیت ہیں اور دنیا کے سی جھے میں ان جیسی کوئی مثال نہیں ملتی۔

:وی حالی ہے: $v_{beat} = v 1 - v_9$

آ يئے معلوم كريں كەكيا ہوتا ہے جب دولېريں، جن كے تعدد ميں معمولی سافرق ہے، ایک دوسرے بیمنطبق کی جاتی ہیں۔فرض سیجیے کہ ایک خاص مقام پر دونوں آواز کی لہروں کے نقل کے وقت تابع تغیرات دیے جاتے ہیں:

 $s_1 = a \cos \omega_1 t$, $s_2 = a \cos \omega_2 t$ $\omega_1 > \omega_2$ (15.45) جہاں ہم نے آسانی کے لیے فرض کر لیا ہے کہ دونوں اہروں کی سعتیں اور فیزیکساں ہیں۔انطباق کےاصول کےمطابق،ماحصل نقل ہے۔

 $s=s_1+s_2=a (\cos \omega_1 t + \cos \omega_2 t)$

$$=2\alpha\cos\frac{\left(\omega_{1}-\omega_{2}\right)t}{2}\cos\frac{\left(\omega_{1}+\omega_{2}\right)t}{2}$$
 (15.46)

$$\omega_b = \frac{\left(\omega_1 - \omega_2\right)}{2}$$
 , $\omega_a = \frac{\left(\omega_1 + \omega_2\right)}{2}$: يربه مهم المحالي من مساوات (15.46) لكنتى جاسكتى ہے:

$$s=[2a \cos \omega_b t] \cos \omega_a t \qquad (15.47)$$

$$|\omega_1 - \omega_2| << \omega_1, \ \omega_2, \ \omega_a >> \omega_b$$

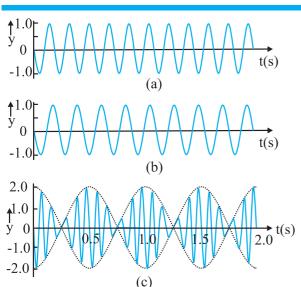
ت مساوات (15.47) میں اصل وقت انحصاراس کوسائن تفاعل سے آتا ہے، جس کا زاویائی تواتر α ہے۔قوسین میں دی ہوئی مقدار کواس تفاعل کا سعت سمجھا جاسکتا ہے (جومستقلہ نہیں ہے، بلکہ اس میں زاویائی تعدد کی $\cos\omega_b t$ خفیف تبدیلی م $^{(0)}$ شامل ہے)۔ بیاز حد ہوجا تا ہے، جب بھی کی قدر (+1)یا (-1)ہوتی ہے۔ کیونکہ ω_2 اور ω_2 کی قدر یں ایک دوسرے کے بہت نزیک ہیں، ہ[©] اوران دونوں میں سے کسی ایک میں بھی فرق کریانا آسان نہیں ہے۔اس لیے تقریباً کیساں تعدد والی دولہروں کے انطباق کا نتیجہ ایک الیی لہر ہے، جس کا زاوبائی تعدد تقریباً یکساں ہے لیکن سعت مستقلہ نہیں ہے۔اس لیے، ماحصل آ وازلہر کی شدت ایک زاویا ئی تعدد ی سے۔ اب رشتہ: $\omega_{beat} = 2\omega_b = \omega_1 - \omega_2$: (Beat Frequency) ויינאול ארב אפים ישער $\omega = 2\pi \upsilon$

(15.48)

ري 493



اس لیے ہم کم – زیادہ ہوتی ہوئی شدت کی آواز سنتے ہیں، جس کا تعدد، منطبق ہونے والی لہروں کے تعدد کا فرق ہوتا ہے۔ تعدد 11HZ اور تعدد 9HZ کی دولہروں کے وقت نقل گراف شکل (a) 15.16 اور (b) 15.16 میں دکھائے گئے ہیں۔ان کے انطباق کا نتیجہ شکل (15.16 میں دکھایا گیا ہے۔ موسیقی کارا پنے سازوں کی لے ملانے (انہیں ٹیون کرنے) میں ضرب مظہر استعال کرتے ہیں۔اگر ایک سازکوایک معیاری تعدد کے سامنے بجایا



شکل 15.16: (a)(c) تعدد کی ہارمونی لہر کا گراف (PHZ(b) تعدد کی ہارمونی لہر کا گراف (b)(a)(c) کا انطباق ۔ جس میں 2HZ تعدد کی ضربیں (Beats)د کھائی گئی ہیں۔

جائے اوراس وقت تک ٹیون کیا جاتا رہا ہے جب تک بیٹ غائب نہ ہو جائے،توسازاس معیار کے ساتھ لے میں (ٹیون کیا ہو) ہوتا ہے۔

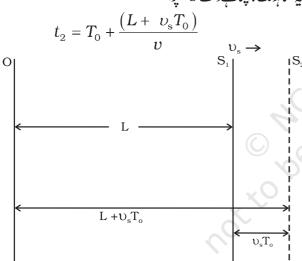
مثال 15.6: ستار کے دوتار ۱۵ اور ۱۳۶ نظی رہے ہیں،
ایک دوسرے سے بوری طرح لے میں نہیں ہیں اور 5HZ تعدد کی
ضرب پیدا کر رہے ہیں۔ تار ۱۵ کے تناؤمیں تھوڑا سا اضافہ کیا گیا تو
ضرب کا تعدد کم ہوکر 3 ہوگیا۔ ۱۵ کا آغازی تعدد کیا ہے، اگر ۸ کا تعدد
طرب کا تعدد کم ہوکر 3 ہوگیا۔ ۲۵ کا آغازی تعدد کیا ہے، اگر ۸ کا تعدد

15.8 دُوْمِرارُ (DOPPELR EFFECT)

بدروزمره کا تجربہ ہے کہ ایک تیزی سے حرکت کرتی ہوئی ریل گاڑی جب ہم

طبيات

حالت سکون پر ہے۔ فرض کیجے کہ ایک زاویائی تعدد ہواور ہ T_0 کی لہر رفتار ہ ہے اور ہواور ہ T_0 ایک ایسے مشاہد کے ذریعے نا پے جاتے ہیں جو واسطے کی مناسبت سے حالت سکون پر ہے۔ ہم فرض کرتے ہیں کہ مشاہد کے پاس ایک ایسا شناس کار (Detector) ہے جو اس پر پہنچنے والے لہر کے ہر فراز کو، اس کے پہنچتے ہی، شار کرتا ہے۔ جسیا شکل 15.17 میں دکھایا گیا ہے۔ وقت t_1 وسیلہ نقطہ t_2 پر ہے، جو مشاہد سے فاصلہ t_3 پر ہنچتا ہے۔ وقت t_4 پر بہنچتا ہے۔ وقت t_5 پر وسیلہ نقطہ t_6 کرتا ہے۔ ناصلہ t_6 کرچا ہوگا اور اب بینقطہ t_6 پر ہے، جو مشاہد سے فاصلہ t_6 کرتا ہے۔ ناصلہ t_6 کرتا ہے۔ نام کرچا ہوگا اور اب بینقطہ t_6 پر ہے، جو مشاہد سے ناصلہ رکتا ہے۔ وقت t_6 کرتا ہے۔ نام کرچا ہوگا ور اب بینقطہ و کرتا ہے۔ نام کرچا ہوگا ور اب بینقطہ کرتا ہے۔ نام کر پر بینچتا ہے۔ وقت t_6 کرتا ہے۔ نام کرپینچتا ہے۔ وقت t_6 کرتا ہے۔ نام کرپینچتا ہے۔ وقت وقت کرتا ہے۔ نام کرپینچتا ہے۔ وقت وقت کے گریا۔



شکل $U_{\rm S}$: 15.17 رفتار سے حرکت کرتا ہوا ایک وسیلہ نقطہ $S_{\rm S}$ وسیلہ نقطہ $S_{\rm S}$ پر ایک لہر فراز خارج کرتا ہے۔ $S_{\rm S}$ فاصلہ طے کرنے کے بعد ، $S_{\rm S}$ پر یہ اگلا لہرفراز خارج کرتا ہے۔ $S_{\rm S}$ پر یہ اگلا لہرفراز خارج کرتا ہے۔ وقت $nT_{\rm S}$ پر ، وسیلہ $nT_{\rm S}$ فراز خارج کرتا ہے اور بیمشاہرتک وقت

$$t_{n+1} = n T_0 + \frac{\left(L + n v_s T_0\right)}{v}$$

$$\int n T_0 + \frac{\left(L + n v_s T_0\right)}{v} - \frac{L}{v}$$

سے دور ہوتی جاتی ہے تو اس کی سیٹی کا سر (ﷺ) یا تعدد کم ہوتا جاتا ہے۔
اور جب ہم کسی آ واز کے قائم (غیر متحرک) منبع (وسلے Source) کی طرف
تیزی سے جاتے ہیں، تو سائی دینے والی آ واز کی چی، منبع کی چی سے زیادہ
معلوم ہوتی ہے۔ جیسے جیسے مشاہد، وسلے سے دور جاتا ہے تو سائی دینے والی چی
یا تعدد وسلے کی چی سے نیجی ہوتی جاتی ہے۔ بیحرکت۔ منسلک تعدد تبدیلی،
یا تعدد وسلے کی چی سے نیجی ہوتی جاتی ہے۔ بیحرکت۔ منسلک تعدد تبدیلی،
وُوپلر اثر (Doppler effect) کہلاتا ہے۔ آسٹریلیائی طبیعیات وال،
جون کر شین وُوپلر نے سب سے پہلے 1842 میں بیا اثر تجویز کیا۔ بائز بیلٹ
جون کر شین وُوپلر نے سب سے پہلے 1842 میں ہولینڈ میں اس کی تجربہ کے ذریعے
جانچ کی۔ وُوپر ل اثر ایک لہر، مظہر ہے۔ بیصرف آ واز کے لیے ہی نہیں بلکہ
برقی مقناطیسی لہروں کے لیے بھی صادق ہے۔ حالانکہ، اس وقت ہم صرف

ہم تین مختلف صورتوں میں تعدد میں ہونے والی تبدیلیوں کا تجزید کر ہا (1) مثابد، مقیم (Stationary) ہے اور وسیلہ (Source) حرکت کر رہا ہے، (2) مثابد اور وسیلہ دونوں ہے، (3) مثابد اور وسیلہ دونوں حرکت کر رہا ہے اور وسیلہ قیم ہے، (3) مثابد اور وسیلہ دونوں حرکت کر رہے ہیں۔ حالت (1) اور (2) مثابد اور واسطے کے در میان اضافی حرکت (Relative motion) کی موجود گی یا غیر موجود گی کی وجہ سے ایک دوسرے سے مختلف ہیں۔ زیادہ تر لہروں کو اشاعت کے لیے واسطے کی ضرورت ہوتی ہے، لیکن برقی ومقناطیسی لہروں کو اشاعت کے لیے واسطے کی ضرورت نہیں ہوتی ہے، لیکن برقی ومقناطیسی لہروں کو اپنی اشاعت کے لیے واسطے کی ضرورت نہیں ہوتی ۔ اگر کوئی واسطہ موجود نہ ہوتو جا ہے وسیلہ حرکت کرے یا مشاہد حرکت کرے یا کیونکہ اب دونوں صورتوں میں فرق کرنے کا کوئی ذریعے نہیں ہے۔

15.8.1 وسيله تحرك: مشامد قائم

(Source moving; observer stationary)

ہم یہ قرار داد (Convention) منتخب کرتے ہیں کہ رفتار کی مثبت سمت مشاہد سے وسلیہ کی طرف ہے۔ فرض سیجیے کہ ایک وسلہ کی طرف ہے۔ فرض سیجیے کہ ایک وسلہ کی واسطہ بھی حرکت کر رہا ہے اور ایک وسیلہ اس فریم میں قائم ہے، جس میں واسطہ بھی

ري 495

میں مشاہد کا شناس کا رn فراز شار کرتا ہے اور مشاہد لہر کا دور بہ طور Tریکا رڈ کرتا ہے، جودیا جاتا ہے:

$$T = \left[nT_0 + \frac{\left(L + nv_s T_0\right)}{v} - \frac{L}{v} \right] / n$$

$$= T_0 + \frac{v_s T_0}{v}$$

$$= T_0 \left(1 + \frac{v_s}{v} \right)$$
(15.49)

مساوات (15.49) کو تعدد v اور v کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے ، جہال v وہ تعدد ہے جونا پی جاتی جاتی ،اگر وسیلہ اور مشاہد دونوں قائم ہوتے v وہ تعدد ہے جو وسیلہ کے حرکت کرتے وقت نا پی گئی ہے۔

$$v = v_0 \left(1 + \frac{v_s}{v} \right)^{-1} \tag{15.50}$$

(Binomial چہوٹی ہے تو دور کی توسیع (Binomial کی ہے تو دور کی توسیع چھوٹی ہوئے $\frac{v_s}{v}$ جسے بوت expansion) میں بہتے درجہ کے رکن کو برقر ار رکھتے ہوئے اور اس سے او نچے درجات کے رکنوں کو نظر انداز کرتے ہوئے، مساوات $\frac{v_s}{v}$ درجات کے رکنوں کو نظر انداز کرتے ہوئے، مساوات $\frac{v_s}{v}$ جاسکتی ہے

$$v = v_0 \left(1 - \frac{v_s}{v} \right) \tag{15.51}$$

اگرایک وسیله، مشاہد کے نزدیک آر ہا ہوتو $v_{
m s}$ کو $(-v_{
m s})$ سے تبدیل کر دیتے ہیں،اور

$$v = v_0 \left(1 + \frac{v_s}{v} \right) \tag{15.52}$$

اس لیے مشاہد کم تعدد نا پتا ہے، جب کہ وسیلہ اس سے دور جارہا ہو، بہ مقابلہ اس تعدد کے جب کہ وسیلہ حالت سکون پر ہو، اس طرح زیادہ تعدد نا پتا ہے جب کہ وسیلہ حالت کہ وسیلہ اس تعدد کے جب کہ وسیلہ حالت سکون پر ہو۔

15.8.2 مشامد حركت كرر باع، وسيله قائم ب

(Observer moving; source stationary)

1. U_0 اب جب کہ مشاہد رفتار U_0 سے وسیلہ کی طرف حرکت کررہا ہے اور وسیلہ

حالت سکون پر ہے، ہمیں ڈوپلر شفٹ مشتق کرنے کے لیے مختلف طریقہ اختیار کرنا ہوگا۔ ہم حرکت کرتے ہوئے مشاہد کے حوالہ فریم میں کام کرتے ہیں۔ اس حوالہ فریم میں وسلہ (Source) اور واسطہ (Medium) رفتار v_0 ہیں۔ اس حوالہ فریم میں وسلہ وسلہ رفتار v_0 اور واسطہ کی آرہی ہے۔ v_0 سے نزدیک آرہی ہے۔ جو طریقہ بچھلی صورت میں اختیار کیا تھا، اس پڑمل کرتے ہوئے ،ہم معلوم کرتے ہیں کہ پہلے اور $(n+1)^{th}$ فرازی آمد میں وقفہ وقت ہے: $t_{n+1}-t_1=n\ T_0-\frac{nv_0T_0}{v_0+v}$

 $T_0 = T_0 \left(1 - \frac{v_0}{v_0 + v}\right)$ $= T_0 \left(1 - \frac{v_0}{v_0 + v}\right)$ $= T_0 \left(1 + \frac{v_0}{v}\right)^{-1}$ جس سے حاصل ہوتا ہے

 $v = v_0 \left(1 + \frac{v_0}{v} \right) \tag{15.53}$

اگر v_0/v خفیف ہے تو ڈوپلر شفٹ تقریباً یکسال ہے، جاہے مشاہد حرکت کررہا ہو، وسیلہ، کیونکہ تقریبی رشتے مساوات (15.53) اور مساوات (15.51) کیسال ہیں۔

15.8.3 وسیلہ اور مشامددونوں حرکت کررہے ہیں

طبيعيات

ڈ ویلر اثر کااستعال

(Application of Doppler effect)

ڈوپلراٹر کی وجہ سے ایک حرکت کرتی ہوئی شے کی تعدد میں ہونے والی تبدیلی کا استعال ، مختلف مقامات پر ، جیسے فوج ، طبی سائنس ، علم فلکیات وغیرہ ، شے کی رفتارنا پنے کے لیے کیا جاتا ہے۔ پولس بھی اس کا استعال سواروں کی مقررہ حدسے زیادہ تیز رفتار کو جانچنے کے لیے کرتی ہے۔ حرکت کرتی ہوئی شے کی جانب ، ایک آواز کی اہریا برتی ۔ مقناطیسی اہر ، جس کا تعدد معلوم ہے ، جیجی جاتی ہے۔ اس اہر کا پچھ حصہ شے سے منعکس ہوتا ہے اوراس کا تعدد ، نگر انی کررہے اسٹیشن کے ذریعے ، ناپا جاتا ہے۔ تعدد میں آئی بیز بدیلی ، ڈوپلر شفٹ کہلاتی ہے۔

ہوائی اڈوں پر اس کا استعال جہازوں کی راہ نمائی کرنے اورفوج میں، دشمن کے جہازوں کوشناس کرنے میں کیا جاتا ہے علم فلکیات میں میستاروں کی رفتار کی پیائش میں استعال ہوتا ہے۔

ڈاکٹر، دل کی دھڑکن اورجسم کے مختلف حصوں میں دوران خون کا مطالعہ کرنے کے لیے اسے استعال کرتے ہیں۔ یہاں وہ بالاصوتی لہریں اور یہ (Ultrasonic waves)، عام طور سے، استعال کرتے ہیں اور یہ طریقہ صوتی ترسیم (Sonography) کہلاتا ہے۔ بالاصوتی لہریں، انسان کے جسم میں داخل ہوتی ہیں، ان میں سے پچھ واپس منعکس انسان کے جسم میں داخل ہوتی ہیں، ان میں سے پچھ واپس منعکس ہوجاتی ہیں اورخون کی حرکت، دل کے والووں (Volves) کی دھڑکن اور یہاں تک کہ جنین (Foetus) کے دل کی دھڑکن، کے بارے میں معلومات فراہم کرتی ہیں۔ دل کی صورت میں، ان کے ذریعے بنائی گئی معلومات فراہم کرتی ہیں۔ دل کی صورت میں، ان کے ذریعے بنائی گئی تصویر گونے قلبی نگارش (Echocardiogram) کہلاتی ہے۔

خارج کرتا ہے۔اب کیونکہ مشاہد حرکت کررہا ہے،اس لیے مشاہد کی مناسبت سے لہر کی رفتار $v+v_0$ ہے۔اس لیے پہلا فراز مشاہد تک وقت t_1 پر پہنچتا ہے: $t_1=L/v+v_0$ وقت $t_2=t_1$ وقت $t_3=t_2$ مشاہد اور وسیلہ دونوں اپنے مقامات، بالترتیب، $t_3=t_3$ اور $t_3=t_3$ پر پہنچ گئے ہیں۔مشاہد اور وسیلہ کے مقامات، بالترتیب، $t_3=t_3$ اور $t_3=t_3$ پر پہنچ گئے ہیں۔مشاہد اور وسیلہ کے

 \mathbf{S}_{2} ورمیان نیافاصله \mathbf{S}_{2} و موگا: \mathbf{S}_{2} وسیله دوسرا \mathbf{S}_{2} این نیافاصله \mathbf{S}_{2} وسیله دوسرا \mathbf{S}_{2} وسیله دوسرا خوارج کرتا ہے۔ پیمشاہد تک وقت \mathbf{S}_{2} برینچتا ہے: $\mathbf{t}_{2} = \frac{\mathbf{T}_{0} + [\mathbf{L} + (\mathbf{v}_{s} - \mathbf{v}_{o})\mathbf{T}_{o})]}{(\mathbf{v} + \mathbf{v}_{o})}$ اسی لیے وقفہ وقت $(t_{n+1} - t_{1})$

 $=\frac{nT_o+[L+n\left(\upsilon_s-\upsilon_o\right)T_o)]}{(\upsilon+\upsilon_o)}-\frac{L}{(\upsilon+\upsilon_o)}$

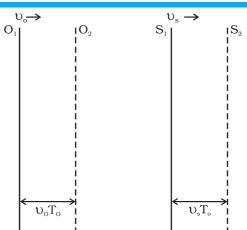
میں مشاہد nفراز شار کرتا ہے اور مشاہد لہر کا دور Tے مساوی ریکارڈ کرتا ہے، جودیا جاتا ہے۔

 $T = T_0 \left(1 + \frac{v_s - v_o}{v + v_0} \right) = T_0 \left(\frac{v + v_s}{v + v_0} \right)$ (15.54) $: \frac{v_s - v_o}{v_0} = T_0 \left(\frac{v + v_s}{v + v_0} \right)$

$$v = v_0 \left(\frac{v + v_0}{v + v_s} \right) \tag{15.55}$$

ایک مسافر کو لیجیے جوایک سید طی پڑی پر چلتی ہوئی ریل گاڑی میں بیٹھا ہے۔ فرض کیجیے وہ ٹرین کے ڈرائیور کے ذریعے بجائی گئی سیٹی سنتا ہے۔ وہ کیا تعدد سنے گایا ناپے گا؟ یہاں مشاہد اور وسیلہ دونوں کیساں رفتار سے حرکت کررہے ہیں، اس لیے تعدد میں کوئی شفٹ نہیں ہوگی اور مسافر قدرتی تعدد ہی سنے گا۔ کیکن ایک ٹرین کے باہر کھڑا ہوا مشاہد، جو کہ پڑی کی مناسبت سے مقیم ہے، قدرتی تعدد سے زیادہ تعدد سنے گا، اگر ریل گاڑی اس کی طرف آرہی ہے اور کم تعدد سنے گا اگر ریل گاڑی اس کی طرف آرہی ہے اور کم تعدد سنے گا اگر ریل گاڑی اس سے دور جارہی ہے۔

 497 *L*



 U_s اور U_0 اور وسیله اورونوں رفتاروں U_0 اور U_s اور U_s اور U_s اسے، بالترتیب، حرکت کر رہے ہیں۔ وقت U_s بقام U_s اور U_s پر ہیں، جبکه وسیله آواز کا پہلا فراز خارج کرتا ہے، جس کی رفتار، واسطے کی مناسبت U_s مناسبت $U_$

مثال 7. 15: ایک را کٹ ایک مقیم نشانے کی طرف 1 15. 7 1000 کی چال سے حرکت کر ہا ہے۔ حرکت کرتے ہوئے وہ 1000 Hz کی چال سے حرکت کرتا ہے۔ نشانے تک چہنچنے والی پچھ آ واز را کٹ تک، ایک گون نے کی شکل میں ، منعکس ہو کر واپس پنچتی ہے۔ حساب لگائے:

ایک گون نے کی شکل میں ، منعکس ہو کر واپس پنچتی ہے۔ حساب لگائے:

(1) نشانے کے ذریعے شناس کی گئی آ واز کا تعدد (2) را کٹ کے ذریعے شناس کیا گیا ، گون کے کا تعدد۔

جواب: (1) مشاہد حالت سکون پر ہے اور وسیلہ رفتار ${
m s}^{-1}$ مشاہد حالت سکون پر ہے اور وسیلہ رفتار ${
m 330~m~s}^{-1}$ کر کت کررہا ہے۔ کیونکہ بیہ رفتار آواز کی رفتار ${
m 15.50}$ ستعال کرنا ہوگی ، مساوات مقابلہ ہے ، اس لیے ہمیں مساوات (15.50) استعال کرنا ہوگی ، مساوات (15.51) سے دیا گیا تقریبی رشتہ نہیں ۔ کیونکہ وسیلہ ، ایک مقیم نشانہ کی طرف ترہا ہے ، ${
m 0}$ اور ${
m 0}$ کو ${
m 0}$ بدلنا ہوگا :

$$v = v_0 \left(1 - \frac{\mathbf{v_s}}{\mathbf{v}} \right)^{-1}$$

$$v=1000 \text{ Hz} \times \left[\frac{1-200 \text{ m s}^{-1}}{[330 \text{ m s}^{-1}]^{-1}} \right]$$

 $\simeq 2540 \text{ Hz}$

ابنشانہ وسیلہ ہے(کیونکہ بیگونج کا منبع ہے) اور راکٹ کا شناس اب شناس یا مشاہد ہے(کیونکہ بیگونج شناس کرتا ہے)۔ اس لیے 0 = 0 اور 0^{U} کی مشبت قدر ہے۔ اس لیے وسیلہ (نشانہ) کے ذریعہ خارج کی گئی آواز کا تعدد v_0 نہیں ہے۔ اس لیے وہ v_0 تعدد جوراکٹ نا ہے گا، ہے۔

$$v' = v \left(\frac{v + v_0}{v} \right)$$
= 2540 Hz \times \left(\frac{200 \text{ m s}^{-1} + 330 \text{ m s}^{-1}}{330 \text{ m s}^{-1}} \right)

≥ ≃ 4080 Hz

خلاصه (Summary)

- 1. میکانیکی لہریں، مادی واسطوں میں ہی رہ سکتی ہیں اوران پر نیوٹن کے قوانین لا گوہوتے ہیں۔
- 2. عرضی لہریں وہ لہریں ہیں جن میں واسطے کے ذرات ،لہر کی اشاعت کی سمت کی عمودی سمت میں اہتزاز کرتے ہیں۔
 - 3. طولی اہریں وہ اہریں ہیں جن میں واسطے کے ذرات ، اہر کی اشاعت کی سمت میں اہتزاز کرتے ہیں۔
 - 4. روال لهروه لهر بع جوواسط كايك نقط سے دوسر فقط تك حركت كرتى ہے۔
 - 5. مثبتx–سمت میں حرکت کرتی ہوئی ایک سائن خم نمالہر کانقل دیاجا تا ہے:

طبیعیات

 $y(x,t) = a \sin(kx - \omega t + \phi)$

جہاں aلہر کی سمت ہے، k زاویا کی لہرعدد ہے، نواویا کی تعدد ہے، (hx-wt+\phi) فیز ہےاور ہو فیزمستقلہ یا فیز زاویہ ہے۔

- 6. ایک روان لهرکی طول لهر ۱۸ ، ایک دیے ہوئے وقت پر ، یکسال فیز کے دومتوا تر نقطوں کے درمیانہ فاصلہ ہے۔ ایک قائم لهر میں بیدومتوا تر نوڈیا اینٹی نوڈ کے درمیان فاصلے کادگنا ہے۔
- - 8. ایک لهر کے تعدد کی تعریف به طور ۱/۲ کی جاتی ہے، اوراس کا زاویا کی تعدد سے رشتہ ہے:
 - $v = \frac{\omega}{\mathbf{k}} = \frac{\lambda}{\mathbf{T}} = \lambda v$: وال لهر کی رفتار دی جاتی ہے: 9
- 10. ایک تنی ہوئی ڈوری پر،ایک عرضی لہر کی رفتار، ڈوری کی خاصیتوں سے تعین ہوتی ہے۔ایک ڈوری پر،جس میں تناؤ T ہواور جس کی خطی کمیت کثافت ہر ہوآ واز کی رفتار ہے:

 $v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$

11. آوار کی لہریں وہ طولی میکا نیکی لہریں ہیں جوٹھوس اشیاء، رقیق اشیاءاور گیسوں میں سے گذر سکتی ہیں۔

 $u = \sqrt{\frac{B}{S}}$ ایک رقیق میں، جس کا حجم مقیاسBاور کثافتS ہو، آواز کی رفتار ہے:

ایک دھات کی بنی چھڑ میں طولی لہروں کی رفتارہے۔

$$v = \sqrt{\frac{Y}{\rho}}$$

گیسول کے لیے، کیونکہ B=qP،اس لیے آواز کی رفتارہے۔

$$v = \sqrt{\frac{\gamma P}{\rho}}$$

12. جب دویا دوسے زیادہ لہریں، ایک ہی واسطے سے بہ یک وقت گذرتی ہیں، تو واسطے کے کسی بھی جز کانقل، ہرلہر کی وجہسے ہونے والے انفرادی نقل کا الجبرائی حاصل جمع ہوتا ہے۔ بیلہروں کے انطباق کا اصول کہلاتا ہے:

$$y = \sum_{i=1}^{n} f_i(x - vt)$$

ل*ېري*ن 499

13. ایک ہی ڈوری پرحرکت کر رہی دوسائن خم نمالہریں، تداخل دکھاتی ہیں، یعنی انطباق کے اصول کے مطابق جمع یا تنییخ ہوتی ہے۔ اگر دونوں ایک ہی سمت میں حرکت کر رہی ہوں اور دونوں کی سعت α اور تعدد کیساں ہو، الیکن فیز میں ایک فیز میں ایک فیز میں ایک واحد لہر حاصل ہوتی ہے، جس کا تعدد بھی ، ہوتا ہے۔

 $y(x,t) = \left[2a\cos\frac{1}{2}\phi \right] \sin\left(kx - \omega t + \frac{1}{2}\phi\right)$

اگر0=ہایπ2 کاصیح عدد ہو، تو اہریں بالکل درست طور پر فیز میں ہوتی ہیں اور تد اخل تغمیری ہوتا ہے، اگر π=ہ ہوتو ہو بالکل درست طور پر فیز کے باہر ہوتی ہیں اور تد اخل تخزیبی ہوتا ہے۔

14. ایک روال لہر، ایک استوار سرحد یا بند سرے پر فیز کے الٹنے کے ساتھ ، منعکس ہوتی ہے ، جب کہ ایک کھلی سرحد پر انعکاس بغیر کسی فیز کی تبدیلی کے ہوتا ہے۔

ایک داقع لہر کے لیے

 $y_i(x, t) = a \sin(kx - \omega t)$

استوار سرحد پر منعکس لهرہے:

 $y_r(x, t) = -a \sin(kx + \omega t)$

ایک کھلی سرحد پرانعکاس کے لیے:

 $y_r(x, t) = a \sin(kx + \omega t)$

15. مخالف سمتوں میں حرکت کرتی ہوئی دومتماثل لہروں کا تداخل'' قائم لہریں'' پیدا کرتا ہے۔ایک ڈوری میں،جس کے دونوں سرے بندھے ہوں، قائم لہردی جاتی ہے

 $y\left(x,t\right) =\left[2\sin kx\right] \cos \omega t$

قائم لہروں کی خاصیت،صفرنقل کے متعین مقامات ہیں جونو ڈ کہلاتے ہیں اوراز حدنقل کے متعین مقامات ہیں جوانیٹی نو ڈ کہلاتے ہیں۔دومتواتر نو ڈیااینٹی نو ڈ کے درمیان 2/ ۸ فاصلہ ہوتا ہے۔

ایک تی ہوئی رسی ، جس کے دونوں سرے بندھے ہوں اور جس کی لمبائی \mathbf{L} ہو، مندرجہ ذیل تعدد سے اہتزاز کرتی ہے:

$$v = \frac{nv}{2L}$$
, $n = 1, 2, 3, ...$

مندرجہ بالا رشتے سے دیے گئے تعددوں کا سیٹ، نظام کے اہتزاز کے نامل موڈ کہلاتے ہیں۔ کم ترین تعدد کا اہتزاز موڈ، بنیادی موڈیا پہلا ہارمونک کہلا تا ہے۔دوسرا ہارمونک،n=2 کے ساتھ اہتزاز موڈ ہے،اوراتی طرح آ گے بھی۔ ایک لمبائی L کا پائپ، جس کا ایک سرا بند ہوا اور دوسرا سرا کھلا ہو (جیسے ہوا کا لم)،مندرجہ ذیل رشتے سے دیے گئے تعدد کے ساتھ اہتزاز کرتا ہے۔

$$v = (n + \frac{1}{2}) \frac{v}{2L}$$
 $n = 0, 1, 2, 3, ...$

500

مندرجہ بالارشتے سے دیے گئے تعددوں کا سیٹ، اس قتم کے نظام کے اہتراز کے نامل موڈ ہیں۔ $\frac{\upsilon}{4L}$ سے دیا جانے والا کم ترین تعدد بنیا دی نوڈیا پہلا ہارمونگ ہے۔

- 16. دونوں سروں پر ہندھی ہوئی ۱ لمبائی کی ڈوری یا ایک سرے پر ہندھی اورا یک سرے پر کھلا ہوایا دونوں سروں پر کھلا ہوا کالم جن مخصوص تعددوں سے ہتزاز کرتے ہیں وہ ان کے نارمل موڈ کہلاتے ہیں۔ان میں سے ہرایک تعدد، نظام کا گمک دار تعدد ہے۔
- 17. ضربیں (Beats) تب بنتی ہیں جب دوالیں لہریں منطبق ہوتی ہیں، جن کے تعدد v_1 اور v_2 میں معمولی فرق ہوتا ہے اور جن کی سعتیں قابل مقابلہ ہوتی ہیں۔ ضرب تعدد ہے:

$$v_{\text{beats}} = v_1 \sim v_2$$

18. ڈوپلر اثر ، ایک لہر کے اس وقت ناپے گئے تعدد میں تبدیلی ہے جب وسیلہ کیا مشاہد (٥) یا وسیلہ اور مشاہد دونوں ، واسطے کی مناسبت سے حرکت کر رہے ہوں۔ آواز کے لیے ، نا پی گئی تعدد ہ وسیلہ کے تعدد ک⁰ کی شکل میں دیا جاتا ہے :

$$v = v_0 \left(\frac{v + v_0}{v + v_S} \right)$$

یہاں واسطہ میں آواز کی رفتارہے، ⁰ مشاہد کی واسطہ کے مناسبت سے رفتارہے اور ^{US} وسیلہ کے واسطہ کی مناسبت سے رفتارہے اس فارمولہ کو استعال کرنے میں ،OS کی سمت میں جورفتاریں ہوں انہیں مثبت اور جواس کے مخالف ہوں انہیں مثنی لینا چاہیے۔

ر پيارک	اکائی	ابعاد	علامت	طبعی مقدار
کیساں فیز کے دومتوا تر نقطوں کے درمیان فاصلہ	m	[L]	λ	طول موج
$k=2\pi/\lambda$	m^{-1}	$[L^{-1}]$	k	اشاعت مستقله
$v = v\lambda$	ms^{-1}	$[LT^{-1}]$	υ	لهرجإل
منطبق لہروں کے دونز دیکی تعددوں کا فرق	s^{-1}	$[T^{-1}]$	$v_{ m beat}$	ضرب تعدد

قابل غورنكات

- 1. ایک لهر، واسطے میں مادہ کی مجسم طور پر حرکت نہیں ہے۔ ہوا کا چلنا اور ہوا میں آواز کی لهر کا گذرنا ایک دوسرے سے مختلف ہیں۔اول الذكر میں ایک مقام سے دوسرے مقام تک ہوا کی حرکت شامل ہے۔ آخر الذكر میں ہوا کی پرتوں كے داب اورایت طلاف شامل ہیں۔
 - 2. ایک لهرمیں، ایک نقطے سے دوسر نقط تک توانا کی منتقل ہوتی ہے، مادہ نہیں۔
- 3. کسی میکانیکی لہر میں توانائی کی منتقلی ، واسطے کے نزد کی اہتراز کرتے ہوئے جزوں کے درمیان کچیلی قو توں کے ذریعے بفتگی کی وجہ سے ہوتی ہے۔

رين 501

4. عرضی لہریں صرف انہیں واسطوں میں سے گذر سکتی ہیں، جن کے لچک کے تحریفی مقیاس کی قدر قابل لحاظ ہوتی ہے۔ طولی لہروں کے لیے کچم مقیاس کی ضرورت ہوتی ہے، اس لیے وہ ہرتتم کے واسطے، ٹھوس رقیق اور کیسوں میں سے گذر سکتی ہیں۔

- 5. ایک دئے ہوئے تعدد کی ہارمونی رواں اہر میں تمام ذرات کی سعت یکساں ہوتی ہے لیکن فیز مختلف ہوتے ہیں (دیے ہوئے وقت پر)۔ایک مقیم اہر میں ، دونو ڈول کے درمیان تمام ذرات ،ایک دیے ہوئے وقت پر یکساں فیز میں ہوتے ہیں لیکن ان کی سعتیں مختلف ہوتی ہیں۔
- 6. ایک ایسے مشاہد کی مناسبت سے جوایک واسطے میں حالت سکون پر ہو،اس واسطے میں ایک میکا نیکی لہر کی رفتار ہی ،صرف واسطے کی کچیلی اور دوسری خاصیتوں (جیسے کمیت کثافت) پر مخصر ہے۔ بیدو سیلے کی رفتار پر مخصر نہیں ہے۔
- 7. واسطے کی مناسبت سے رفتار v_0 سے حرکت کرتے ہوئے مشاہد کے لیے ، ایک لہر کی رفتار v_0 ہوتی ہے اور دی جاتی $v \pm v_0$:

مشق

- 15.1 ایک2.50kg کمیت کی ڈوری200N تناؤ کے زیراثر ہے۔تی ہوئی ڈوری کی لمبائی 20.0m ہے۔اگرایک سرے پر عرضی جھٹکالگایاجائے،تو ڈوری کے دوسرے سرے تک پہنچنے میں خلال کو کتناوقت لگے گا؟
- 15.2 ایک 300m و نچ مینار پر سے گرایا گیا پھر، مینار کی بنیاد کے نزد کیک تالاب کے پانی میں گرتا ہے۔ پھر کے پانی میں گرنے کی آواز مینار پر کب سنائی دے گی۔ دیا ہے، ہوا میں آواز کی رفتار $g = 9.8 \, \mathrm{ms}^{-1}$ کے آواز مینار پر کب سنائی دے گی۔ دیا ہے، ہوا میں آواز کی رفتار آ
- 15.3 ایک فولا دکتار کی کمبائی 12.0m اور کمیت 2.10kg ہے۔ تاریمیں تناؤ کتنا ہونا چاہیے کہ تاریر ایک عرضی لہر کی رفتار، سوکھی ہوا میں آواز کی رفتار 20°C) کی رکھ ساوی ہو۔
 - ے استعال کے ذریعے وضاحت سیجے کہ ہوا میں آ واز کی رفتار کیوں۔ $v = \sqrt{\frac{\gamma P}{\rho}}$ فارمولہ 15.4
 - (a) دباؤكة تابع نہيں ہے
 - (b) درجہ ترارت کے ساتھ بڑھتی ہے
 - (c) مرطوبیت (Humidity) کے ساتھ بڑھتی ہے
- (x-y t علی جاتی ہے، جہاں x اور y ایک بعد میں ، ایک نفاعل :y=f(x,t) نفاعل نام کی جاتی ہے، جہاں y اور y کی اس کا برعکس بھی صادق ہے؟ جانیجے کہ کیا ہے کہ ایل کے y کیا اس کا برعکس بھی صادق ہے؟ جانیجے کہ کیا ہے کہ کہ کیا ہے کہ کی کہ کیا ہے کہ کہ کیا ہے کہ کیا ہے کہ کہ کیا ہے کہ کیا ہے کہ کی کہ کیا ہے کہ کیا

502

- $(x-vt)^2$ (a)
- $\log \left[(x + vt)/x_0 \right]$
- 15.6 ایک چگاوٹر ہوا میں تعدد 1000khz کی بالاصوتی آواز خارج کرتی ہے۔ اگر آواز ایک یانی کی سطح سے نگراتی ہے تو، کیا طول لیر ہوگی؟(a) منعکس آواز کی (b) ترسیل ہونے والی آواز کی ؟ آواز کی رفتار: ہوا میں 340 ms میانی میں $-1486\,\mathrm{ms}^{-1}$
- 15.7 ایک اسپتال ایک نی (Tissue) میں رسولیوں کا مقام پتہ کرنے کے لیے ایک بالا صوتی تقطیع کار Ultrasonic) (Scanner استعال کرتا ہے۔اس نسج میں آواز کی طول لہر کیا ہوگی،جس میں آواز کی حیال 1.7 Km s⁻¹ ہے؟ تقطیع کارکے کام کرنے کا تعدد 4.2MHz ہے۔
 - $y(x,t)=3.0 \sin(36 t+0.018x+\pi/4)$: ایک ڈوری پرایک ہارمونی عرضی لہردی جاتی ہے: 15.8 جہاں یداور یہ سینٹی میٹر میں ہیں اور t سینڈ میں -x کی مثبت سمت، بائیں سے دائیں ہے۔
 - (a) بیدا یک رواں لہر ہے یا قائم لہر؟ بیدا گرحرکت کررہی ہے تواس کی اشاعت کی جال اورسمت کیا ہیں؟

 - (b) اس کی سعت اور تعدد کی کیا قدریں ہیں؟ (c) مبدے پرآغازی فیز کیا ہے (d) لہر میں دومتواتر فرازوں کے درمیان کم ترین فاصلہ کیا ہے؟
- 15.9 مشق15.8 میں بیان کی گئی اہر کے لیے نقل (y) ہمقابلہ ٹا گراف x=4cm کے لیے کھنچے۔ ان گرافوں کی شکلیں کیسی ہیں؟ لہر میں اہتزازی حرکت، ایک نقطہ ہے دوسرے تک، کس طور پر مختلف ہے: سعت، تعددیا فیز کے لحاظ ہے۔
 - $y(x,t)=2.0 \cos 2\pi (10t-0.0080x+0.35)$: $u(x,t)=2.0 \cos 2\pi (10t-0.0080x+0.35)$

کے لیے، جہاں x اور ہسنٹی میٹر میں ہیں،اور t سینٹر میں،ایسے دونقطوں پراہتزازی حرکت میں فیزفرق معلوم سیجیے،جن کے درمیان فاصلہ ہے:۔

- (a) 4 m
- (b) 0.5 m
- $\lambda/2$ (c)
- (d) $3\lambda/4$
- $y(x,t)=0.06 \sin\left(\frac{2\pi}{3}x\right)\cos(120\pi t)$:ایک دونوں سروں پر بندهی ہوئی ڈوری کا عرضی نقل دیا جا تا ہے: 15.11 جهال x اور یا سینٹی میٹر میں اور ۲ سینٹر میں ۔ ڈوری کی لمبائی 1.5 m اوراس کی کمیت 3.0×10 سے۔

ري 503

مندرجہ ذیل کے جواب دیجیے:

- (a) تفاعل ایک روال لهر کوظا مرکز تا ہے یا مقیم لهر کو؟
- (b) اس لہر کی مخالف میں حرکت کرتی ہوئی دولہروں کے انطباق کے بیطور،تشری کے بیجیے۔ ہرلہر کی طول لہر،تعدداور جال کیا ہے؟
 - (c) ڈوری میں تناؤمعلوم کیجیے۔
- (i) 15.12 مثل 15.11 میں بیان کی گئی ڈوری پر، کیا ڈوری کے تمام نقاط کیساں (a) تعدد (b) فیز (c) سعت سے اہتزاز کرتے ہیں؟ اپنے جوابات کی وضاحت کیجیے۔ (ii) ایک نقطہ جوا کیسرے 0.375m دورہے، اس پر سعت کتنی ہے؟
 15.13 نیچے ایک کچکیلی اہر کے نقل کو ظاہر کرنے کے لیے (عرضی یا طولی نقل)، یداور تا کے پچھ نفاعلات دیے گئے ہیں۔
 بتائے کہ ان میں سے کون ظاہر کرتے ہیں (i) ایک رواں اہر (ii) ایک قائم اہر با (iii) کوئی اہر نہیں۔
 - (a) $y = 2 \cos(3x) \sin(10t)$
 - (b) $y = 2\sqrt{x vt}$
 - (c) $y=3\sin(5x-0.5t)+4\cos(5x-0.5t)$
 - (d) $y=\cos x \sin t + \cos 2x \sin 2t$
- 15.14 دواستوارسہاروں کے درمیان تنا ہوا ایک تار، 45 کے تعدد کے ساتھ، اپنے اساسی موڈ میں اہتزاز کرتا ہے۔تار کی کمیت $3.5 \times 10^{-2} kg$ اور اس کی خطی کمیت کثافت $3.5 \times 10^{-2} kg$ ہے۔ $3.5 \times 10^{-2} kg$ اور اس کی خطی کمیت کثافت $3.5 \times 10^{-2} kg$ ہے۔ (a) تار میں تنا و کتنا ہے۔
- 15.15 ایک میٹر کمبی ایک ٹیوب کا ایک سرا کھلا ہے اور دوسرے سرے پرحرکت کر سکنے والا پسٹن لگا ہے۔ جب ٹیوب کی لمبائی 79.3cm جو یہ ہے۔ جب ٹیوب کی لمبائی ہے۔ 79.3cm تجربہ کے درجہ بڑارت پر ہوا میں آ واز کی رفتار کا تخمینہ لگا ہے کے کنارہ اثرات (edge effects) نظرانداز کیے جاسکتے ہیں۔
- 100cm المبی فولادی چھڑ، اپنے وسطی نقطہ پر ہندھی ہوئی ہے۔ چھڑ کے طولی ارتعاشوں کا بنیادی تعدد 2.53kHz ہے۔ فولاد میں آواز کی رفتار کیا ہے؟
- 15.17 ایک 20cm ایک سرے پر بند ہے۔ ایک 430Hz کے وسلے سے پائپ کا کون ساہار مونی موڈ گمک کرے گا؟

 کیا یہی وسلہ پائپ کے ساتھ جب بھی گمک کرے گا اگر پائپ کے دونوں سرے کھلے ہوں؟ (ہوا میں آواز کی رفتار 340 ms⁻¹
- 15.18 ستار کے دوتار A اور B ایک دوسرے سے لے میں تھوڑ ہے باہر ہیں (Ga سٹار کے دوتار A اور B ایک دوسرے سے لے میں تھوڑ ہے باہر ہیں (Ga سٹار کے دوتار A کا آغازی تعدد 324 Hz ہوجا تا ہے۔اگر A کا آغازی تعدد 324 Hz ہوجا تا ہے۔اگر A کا آغازی تعدد کے ہوگا کا تعدد کیا ہے؟

504

15.19 وضاحت يجيے كيول (ياكسے):

- (a) ایک آواز کی لہر میں ، ایک نقل نو ڈ ایک د باؤاینٹی نو ڈ ہوتا ہے اوراس کے برخلاف بھی۔
- (b) جیگا دڑیں بغیر آنکھوں کے بھی ، فاصلے ہمتیں اور رکا وٹوں کی طبع اور سائز معلوم کر لیتی ہیں۔
- (c) ایک وامکن سراورایک ستار سر کا تعد داگریکسال ہوتو بھی ہم ان دونوں کے سروں میں فرق کر سکتے ہیں۔
- (d) تھوں اشیا،طولی اورعرضی دونو ں لہروں کوسہار سکتے ہیں، جب کہ گیسوں میں سے صرف طولی لہریں گذر سکتی ہیں۔
- (e) ایک انگساری واسطے(Dipressive medium) میں سے گذرتے ہوئے ایک پلس کی شکل خراب ہوجاتی ہے۔
- 15.20 ایک اسٹین کے باہر سکنل پر کھڑی ریل گاڑی، 400Hz تعدد کی ،ساکت ہوا میں ،سیٹی بجاتی ہے۔(a) ایک پلیٹ فارم پر

 15.20 کھڑے مشاہد کے لیے بیٹی کا تعدد کیا ہوگا جبٹرین (a) $10 \, ms^{-1}$ کی چال سے پلیٹ فارم کی طرف آتی ہے (b) پلیٹ فارم سے $10 \, ms^{-1}$ کی رفتار سے دور جاتی ہے۔ (ii) دونوں میں سے ہرصورت میں آواز کی رفتار کیا ہے؟ ساکت ہوا میں آواز کی رفتار کیا ہے؟ ساکت ہوا میں آواز کی رفتار کیا ہے۔ (آواز کی رفتار کیا تھے۔ (آواز کی رفتار کیا ہے۔ ا
- 15.21 ایک اسٹیشن یارڈ میں کھڑی ٹرین، ساکت ہوا میں 400H تعد دکی سیٹی بجاتی ہے۔ یارڈ سے اسٹیشن کی جانب، ہوا 15.21 ایک اسٹیشن کے پلیٹ فارم پر کھڑ ہے مشاہد کے لیے آواز کی تعدد، سعت اور چال کی قدریں کیا ہیں۔ کیا یہ صورت بالکل واپی ہی ہے (متماثل ہے)، جیسے کہ ہوا ساکت ہو، اور مشاہد یارڈ کی جانب کی قدریں کیا ہیں۔ کیا یہ صورت بالکل واپی ہی ہے (متماثل ہے)، جیسے کہ ہوا ساکت ہو، اور مشاہد یارڈ کی جانب $340 \, \mathrm{ms}^{-1}$ کی جال سے دوڑ ہے؟ ساکت ہوا میں آواز کی رفتار $340 \, \mathrm{ms}^{-1}$ کی جال سے دوڑ ہے؟ ساکت ہوا میں آواز کی رفتار $340 \, \mathrm{ms}^{-1}$

اضا فی مشق

- $y(x,t)=7.5 \sin(0.0050x+12t+\pi/4)$: ایک ڈوری پرایک روال ہارمونی لہر، بیان کی جاتی ہے: 15.22 ایک ڈوری پرایک نقطہ کے اہتراز کے نقل اور رفتار کیا ہوں گے؟
- t=2s,11s5s نقطہ کے مقام معلوم کیجیے جن کے عرضی نقل اور رفتار کی قدریں وہیں ہوں گی جو x=1cm نقطہ کی x=1cm ہیں ہوں گی جو x=1cm ہیں ہیں۔
- 15.23 ایک پتلی آواز پلس ایک واسطے میں سے بھیجی جاتی ہے(a) کیااس پلس کی متعین ہے(i) تعدد (ii) طول موج (iii) اشاعت کی چالی آواز پلس ایک واسطے میں سے بھیجی جاتی ہے(a) کی چالی جاتی کے چالی جاتی کے پلے بجائی جاتی کے چالی جاتی کے پلے سے ان راسے جھے کے لیے بجائی جاتی ہے کہ مساوی ہوگا۔

 ہے)، تو سیٹی کے ذریعے پیدا کیے گئے سرکا تعدد کیا 1/20 لیا 20.5 کے مساوی ہوگا۔
- 15.24 ایک خطی کمیت کثافت kgm کی ڈوری کا ایک سرا، 256Hz تعدد کی بجلی سے چلنے والی ٹیونک فارک عصلی کمیت کثافت 8.0×10 کی ڈوری کا ایک سرا، 90Kg کی سے براری سے گذرتا ہوا ایک پلڑے سے بندھا ہے، جس میں 90Kg کی کمیت رکھی ہے۔ گراری کا سرا آر ہی ساری تو انائی جذب کر لیتا ہے ، اس طرح کہ اس سرے پر منعکس لہروں کی سعت نظر انداز کی جا سکتی ہے۔

t=0یر، بایاں سرا (فورک کا سرا)، t=0 کا عرضی نقل t=0) صفر ہے اوروہ مثبت t=0 سعت t=0 کے الاعرضی نقل t=0 بہطور تفاعل t=0 کے دروری پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل t=0 بہطور تفاعل t=0 کے دروری پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل t=0 بہطور تفاعل t=0 کے دروری پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کا معت t=0 کے دروری پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کا معت کے دورو کا معرف کے دروری پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کا معرف کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کا معرف کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کی دوروں کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کرنے کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کرنے کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کرنے کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کرنے کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے والاعرضی نقل کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے کے دوروں پرلہر کو بیان کے دوروں پرلہر کو بیان کرنے کے دوروں پرلی کے دوروں پرلی

- 15.25 ایک پن ڈبی میں نصب سونار نظام 40.0KHz کے تعدد برکام کرتا ہے۔ دشمن کی ایک پن ڈبی ، 1450mb کی رفتار سے 1450ms کی ایک ہیں اور کی رفتار 1450ms کی ایک ہیں آواز کی رفتار 1450ms کی سے سونار کی طرف آتی ہے۔ پن ڈبی سے منعکس ہوئی آواز کا تعدد کیا ہے؟ پانی میں آواز کی رفتار
- 15.26 زلز لے زمین کے اندرآ واز کی لہریں پیدا کرتے ہیں۔ایک گیس کے برخلاف، زمین عرضی، (s) اورطولی (p) دونوں آ واز کی المرین محسوس کرسکتی ہے۔ المہری رفتار 4.0kms اور المہری 4.0kms ہے۔ایک زلزلہ نگارایک زلزلے کی Plec لہریں ریکارڈ کرتا ہے۔ پہلی المہر، پہلی 8 لہرسے 4.0 منٹ پہلے آتی ہے۔ یہ فرض کرتے ہوئے کہ لہریں خطمتنظیم میں حرکت کرتی ہیں، بتا یئے کہ زلزلہ کتنے فاصلے برآیا۔
- 15.27 ایک جپگادڑ ایک غارمیں چکر کاٹر ہی ہے اور بالاصوتی آواز کے ذریعے راستہ تلاش کر رہی ہے۔ یہ فرض کرتے ہوئے کہ جپگادڑ ہوا جپگادڑ کا آواز خارج کرنے کا تعدد 40KHz ہے۔ ایک سیدھی دیوار کی طرف ایک بار براہ راست اڑاتے ہوئے جپگادڑ ہوا میں آواز کی رفتار کے 20.03 کی رفتار سے اڑتی ہے۔ دیوار سے منعکس ہونے کے بعد جپگادڑ کیا تعدد شتی ہے؟

O Po Lebi